

Engineering Economic Analysis

Author: Assistant Professor Osama Mohammed Elmardi Suleiman

Khayal

Mechanical Engineering Department

Faculty of Engineering and Technology

Nile Valley University

Atbara, Sudan

الإقتصاد الهندسى Engineering Economy

أهداف المقرر

- تعريف الهندسه و المهندس و مهمة المهندس
- التعرف على علم الإقتصاد و الإنتاج و الإنتاجيه
- تعريف الإقتصاد الهندسى و تحديد أهدافه
- التعرف على منهجيه حل المشكلات
- التعرف على الطلب و العرض و توازن السوق
- التعرف على التكاليف و أنواعها و نقطة التعادل
- التعرف على القيمه الزمنيه للنقود و أنواع التدفقات النقدية
- التعرف على مبدأ التكافؤ و تسديد القروض
- إجراء التقييم لمشروع واحد
- إجراء طرق مقارنة الخيارات
- التعرف على التضخم و الإهلاك
- إجراء تحليل الإحلال

أهداف الباب الأول

- تعريف الهندسه و المهندس و مهمة المهندس
- التعرف على علم الإقتصاد و الإنتاج و الإنتاجيه
- تعريف الإقتصاد الهندسى و تحديد أهدافه
- التعرف على منهجيه حل المشكلات

الباب الأول : مقدمه

- الهندسه - مهمة المهندس - المهندس
- يعتمد المشروع على جانبين - مع التصميم لابد
- علم الإقتصاد - المشكله الإقتصاديه
- الندره
- الإختيار و التضحيه (تكلفة الفرصه البديله)
- أركان المشكله الإقتصاديه
- الإنتاج - عوامل الإنتاج
- الأنظمه الإقتصاديه
- الإنتاجيه - مقاييس الإنتاجيه
- الإقتصاد الجزئى - الإقتصاد الكلى
- الإقتصاد الهندسى - الهدف من الإقتصاد الهندسى

- المحتويات
- منهجية حل المشكلات
- دراسة حاله واجب 1

الهندسه Engineering

تطبيق العلوم و المعارف لحل مشكلات المجتمع باسسط ما يمكن و باقل تكلفه ممكنه و تحقيق أرباح وإتخاذ القرار بين عدة بدائل و الذى يتأثر فيه الجانب الفنى و الإقتصادى

مهمة المهندس

اعمار الأرض و راحة ورفاهية المجتمع البشرى

المهندس

هو رأس الرمح فى العملية التنموية و الإقتصاديه

الهندسه المدنيه

القاسم المشترك بين كل تخصصات الهندسة

المشاريع الهندسه تعتمد على جناحين

1. الجدوى الفنيه
2. الجدوى الإقتصاديه

على المهندس وضع التصاميم و لا يقتصر على التصميم فقط فلا بد من معرفة تكلفه تنفيذ التصميم لابد أن نتفق على الأتى

- المهندس حلال مشاكل
- لابد أن يتكون التصميم من خيارات تقنيه
- لاختيار الخيار الأمثل يدخل عامل التكلفه

تعريف علم الإقتصاد

- ❖ آدم سميث (ثروة الأمم) العلم الذى يبحث فى طبيعة و مسببات ثراء الأمم
- ❖ بيجو (إقتصاد الرفاهيه) دراسة الرفاهيه الأقتصاديه، زيادة الأنتاج الكلى لرفع المستوى المعيشى للسكان
- ❖ الفرد مارشال دراسة واختيار الأفراد وتصرفاتهم الإجتماعية و التى ترتبط ببلوغهم واحرازهم لإحتياجاتهم الماديه

❖ **ساملسون** دراسة الكيفية التي يختار بها الأفراد و المجتمعات الطريقة التي يستخدمون بها مواردهم الإنتاجية النادرة لإنتاج مختلف السلع على مدى الزمن وكيفية توزيع هذه السلع على مختلف الأفراد و الجماعات في المجتمع بغرض الأستهلاك في الحاضر و المستقبل

وهو الانسب يحدد عناصر المشكله الأقتصادييه ويحدد نهج دراسة سلوك الأفراد و الجماعات لحل هذه المشكله

طبيعة المشكله الإقتصادييه

المشكله الإقتصادييه عدم قدرة المجتمع على تلبية إحتياجات افراده الغير محدوده و متزايدة و متجدده و متداخله بسبب الندره للموارد الإنتاجية (محدوديتها) وعدم كفاية الموارد الإنتاجيه أو عدم توافقها مع الحاجات الإنسانية وذلك ل

- تعدد الحاجات
- ندرة الموارد

الندره Scarcity

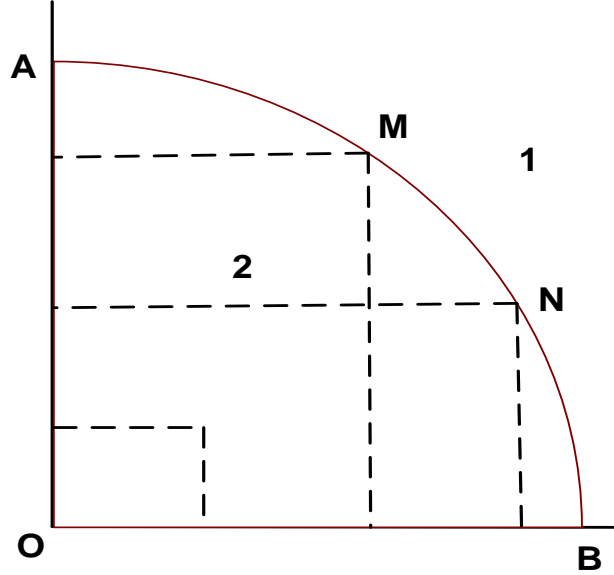
ما تريده (الرغبات) أكثر من الموارد الموجوده

الإختيار و التضحيه Choice and Sacrifice

يترتب الحصول على بعض السلع التنازل أو التضحيه بسلع أخرى وتعتبر تكلفة الفرصة البديله

تكلفة الفرصة البديله Opportunity Cost

منحنى امكانية الإنتاج Production Possibility Frontier



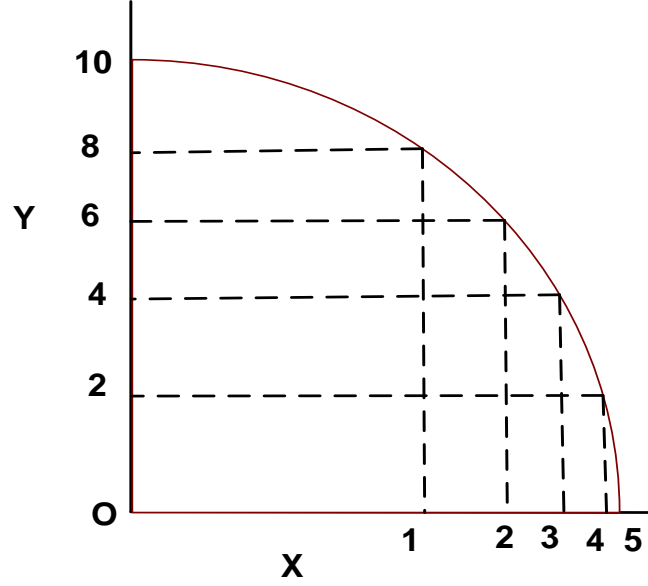
- خارج المنحنى لا يمكن الإنتاج 1
- داخل المنحنى يمكن الإنتاج (عدم استخدام أمثل و كامل للموارد) 2
- الندره لا يمكن الإنتاج خارج المنحنى 1
- الإختيار أى نقطه على المنحنى بأستخدام الموارد بطريقة مثلى M, N
- على المنحنى إنتاج أمثل و كامل M, N

مثال

شركه ما خصصت مبلغ 10 جنيه لشراء قطعة غيار و هنالك نوعين x 2 جنيه و y 1 جنيه

1. وضح كل الخيارات التى تقابل الشركه فى انفاق مواردها (ما خصصته لشراء قطعة الغيار)
2. بالرسم اليدوى الحر الواضح ارسم امكانية انفاق مورد الشركه فى شراء نوعى قطع الغيار و منه وضح
 - أ. تكلفة الفرصه البديله
 - ب. الإختيار
 - ت. تخصيص الموارد الأمثل
 - ث. الندره

Y 1 جنيه	X 2 جنيه
10	0
8	1
6	2
4	3
2	4
0	5



مثال

طبيعة المشكله الأقتصاديّه هي حاجات غير محدوده و متجدده تقابلها و سائل أشباع (موارد) محدوده و لا يمكن التغلب على هذه المشكله تماما ولكن يجب أن نحقق أقصى ما يمكن تحقيقه من إستغلال للموارد مستخدما منحنى امكانيه الإنتاج وضح الآتى

1. الندره
2. تكلفه الفرصه البديله
3. الأختيار
4. الأستخدام الأمثل للموارد

الإستهلاك

الاستخدام المباشر لموارد و السلع فى صورتها الجديده لأشباع الرغبات الفرديه و الجماعيه

التبادل

انتقال الموارد بين الوحدات لاتخاذ القرارات (وحدات انتاج أو استهلاك)

أركان المشكله الأقتصاديّه

- ماذا ننتج **What to produce** موارد محدوده ، تحديد نوعى و كمى
- كيف ننتج **How to produce** اختيار الأسلوب الفنى للإنتاج بأقل تكلفه ممكنة
- لمن ننتج **To whom to produce** توزيع الإنتاج بالتساوى حسب الحاجه بالمجهود

الإنتاج Production

أى نشاط يؤدي الى خلق منفعة جديدة أو الزيادة فيها عبر

- تغيير الشكل للأكثر منفعة قطن غزل ملابس
- نقل السلعة زمانيا تخزين
- إتاحة السلعة للراغبين تجار

عوامل الإنتاج Production Factors

- الأرض Land الموارد الطبيعيه
- العمل Labor المجهود الإنساني للأنتاج مقابل أجر
- رأس المال Capital
- إداره والنظام Management and Organizing

حل المشكله الأقتصادية شكل النظام الإقتصادي (قوانين وتقاليد وأعراف) لتنظيم الموارد المحدودة لتحقيق الأهداف

الأنظمة الإقتصادية Economic Systems

النظام الإقتصادي مجموعة البادئ التي تنظم العلاقات الإقتصادية بين أفراد المجتمع والتي تحكم سلوكهم في ممارسة النشاط الإقتصادي
الأمريكي بكنكهام مجموعة وسائل السيطرة على العمليات الإقتصادية (تشريع تقاليد راي عام الإقناع الرعاية)

النظام الرأسمالي Capitalism

سيادة إقتصاد السوق وسيطرة الإنتاج السلعي ، ملكية خاصه - نظام السوق - دافع الربح - الحرية الإقتصادية و عدم تدخل الدوله في النشاط الإقتصادي ، غير مركزي

النظام الإشتراكي Socialism

تدخل الدوله في النشاط الإقتصادي لتحقيق الكفاية وعدالة التوزيع - يوتوبيا - العدالة الإجتماعية ملكية جماعية (دولة تعاونية) - تخطيط مركزي - تنمية الإقتصاد القومي (خطط، معدل زيادة الإنتاج ، الإستثمار ، تغيير هيكله (زراعي الى صناعي) إشباع الحاجات الضرورية (سلع ضرورية لا كماليه)

النظام الإسلامي Islamic

وفقا لأصول الإسلام ومبادئه من القرءآن و السنه

مبدأ ملكية مزدوجه - حرية إقتصاديته فى نطاق محدود (الحدود ، قيم معنويه و خلقيه - تحديد ذاتى تربيته - تحديد موضوعى قوة الشرع : منع ربا إحتكار ولى الأمر إشراف و حمايه مصالح عامه) - العدالة الإجتماعيه (توزيع الثروه - مبدأ تكامل عام ، مبدأ التوازن الإجتماعى : العمل أساس الملكيه - منع إسراف و التبذير - زكاة و صدقات

الإنتاجية Productivity

مقياس للإنتاج - إنجاز العمل بإستخدام الموارد بجوده مقبوله وتكلفه مناسبة و زمن أمثل مقاييسها

- الكفاءه Efficiency مقياس تحقيق الهدف
- الفعاليه Effectiveness الإستخدم الأمثل للموارد

الإقتصاد الجزئى Microeconomic

يدرس إنتاج السلع و الخدمات وأسس قيام المستهلك بتوزيع دخله

الإقتصاد الكلى Macroeconomic

يهتم بالبطاله و مشاكل المجتمع ككل و الدخل القومى وإستقرار الأسعار

الإقتصاد الهندسى Engineering Economy

الأسس و الأساليب المستخدمه لتقييم المنشآت و المشاريع البديله و إختيار الانسب منها من حيث الجدوى الإقتصاديه بعد جدوتها فنيا
تطبيق تقنيات التحليل الإقتصادى على خيارات التصميم الهندسيه و مقارنتها و تعتمد على التدفقات النقدية و هى حركة المال بين الأيدى وز المؤسسات و عليه المال المكتسب و المنصرف يكون التدفقات النقدية

الهدف من الإقتصاد الهندسى Objectives of the Course

- مقارنة وتحليل خيارات التصميم ذات الجدوى التقنيه
- إجراء دراسات الجدوى

المحتويات Contents

- العرض و الطلب Demand & Supply
- أنواع التكلفة Types of Costs

- القيمة الزمنية للنقود Time Value of Money
- تقييم مشروع واحد Evaluation of one Project
- مقارنة الخيارات Comparison of Alternatives
- الأهلاك و التضخم Depreciation & Inflation
- الأستبدال و الإحلال Replacement Analysis
- المخاطره و عدم التأكد Risk & Uncertainty

منهجية حل المشكلات Problem Solving Methodology

1. تعريف المشكلة Problem Definition
2. تحديد حدود المشكله ومتطلبات الحل Problem Boundaries
3. اقتراح خيارات للحل Generating Alternatives
4. مقارنة الخيارات Comparison of Alternatives
5. اختيار الخيار الأفضل Choosing Best Alternative
6. تطبيق الخيار Implementing Best Alternative
7. التغذية الأسترجاعية Feedback

قانون تناقص الغله

شروط:

1. تغيير يشمل عنصر واحد من الإنتاج و ثبات الأخرى
 2. تكون الوحدات المضافه متمائله من الكم و الكيف
 3. النمط الإنتاجي المستخدم ثابت
- و ينص : إذا أضيفت وحدات متتاليه و متساويه من أحد عناصر الإنتاج الى كمية ثابتة من عناصر الإنتاج الأخرى فإن الغله تترزاد حتى الوصول الى حد معين تبدأ بعده هذه الغله فى التناقص

رقم التجربة	مساحة الأرض	عدد العمال	الإنتاج الكلى	متوسط الإنتاج	الغله الحديه
1	1	1	8	8	8
2	1	2	20	10	12
3	1	3	33	11	13
4	1	4	48	12	15
5	1	5	55	11	7
6	1	6	60	10	5
7	1	7	63	9	3
8	1	8	63	7.9	0
9	1	9	60	6.7	3-
10	1	10	55	5.5	5-

الحديه : $8 - 0 = 8$, $20 - 8 = 12$, $33 - 20 = 13$, $48 - 33 = 15$

حاله دراسيه Case Study

أحد أصدقائك اشترى مبنى به اربعة شقق سكنيه بمبلغ 100000 دولار دفعت منها 10000 دولار من ماله الخاص و دخل فى اتفاق مع بنك لدفع 90000 دولار. ينص الإتفاق على أن يدفع مبلغ 10500 دولار سنويا و هنالك تكلفه صيانه سنويه تقدر ب 15000 دولار. يمكن أن يتم غيجار الشقق ب 360 دولار فى الشهر لكل شقه واحده.

ناقش هذه الحاله ثم أجب عن الآتى

1. هل يعانى صديقك من مشكله ؟ و ما هى ؟
2. ما هى الخيارات لحل المشكله؟ أذكر ثلاثه
3. قدر النتائج الأقتصاديه للخيارات فى 2
4. اختيار طريقه لمقارنه الخيارات
5. بماذا تنصح صديقك

أهداف الباب الثانى

- التعرف على الطلب و العرض والعلاقه بينهما
- التعرف على مبدأ توازن السوق و تحديد الأسعار
- تحديد مفهوم الصناعات
- واجب 2

الباب الثانى : العرض و الطلب

- الطلب
- العرض
- توازن السوق
- مفهوم الصناعات
- واجب 2

العرض و الطلب Demand & Supply

الطلب Demand : الكميات التى يرغب المستهلكون فى شرائها

$$QD = f (P1, I, Ps1, Ps2, \dots, Psn, H, M, ID)$$

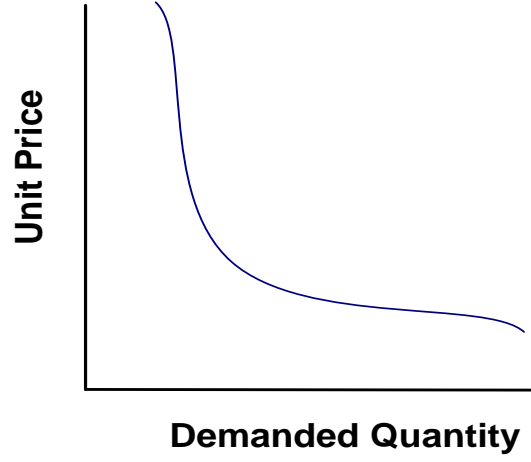
P1: ثمن السلعه I : متوسط الدخل Ps : عدد السلع البديله H : حجم السكان M: الأذواق

والتفضيلات ID : توزيع الدخل

سلع بديله تحل محل بعضها (شاي ، بن) ، (قمح ، ذره)

سلع مكمله سلع تستخدم معا انخفاض ثمن احداها زياده على سلعه أخرى (عربات ، بنزين)

علاقة Q & P مع ثبات العوامل الأخرى تزيد الكمية المطلوبة مع انخفاض الثمن

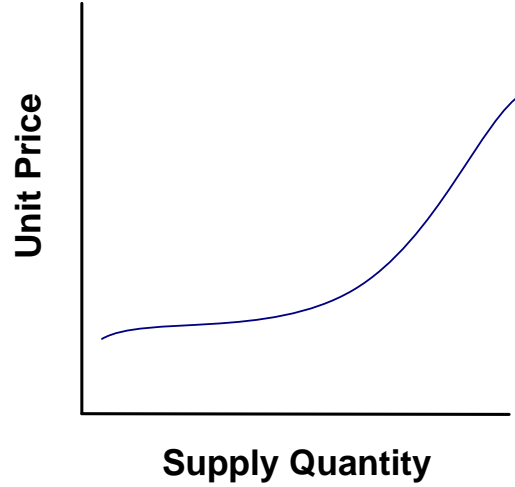


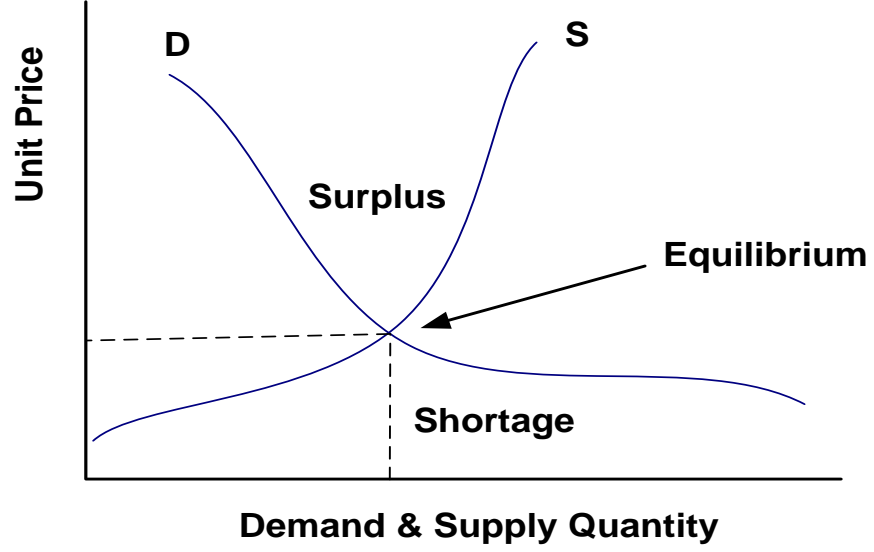
العرض Supply : الكميات التي ترغب المنشآت في بيعها أو إنتاجها

$$Q_s = f(O, T, P_1, P_2, \dots, P_n, P_{p1}, \dots, P_{pn})$$

O: الهدف T: تكنولوجيا P1: ثمن السلعة P2,, Pn: أثمان سلع أخرى Pp1,, Ppn: أثمان خدمات عوامل إنتاج

علاقة Q & P مع ثبات العوامل الأخرى تنقص الكمية المعروضه مع انخفاض الثمن





مفهوم الصناعات المختلفه

1. مالك (Client (Owner)(Investor)
2. مصممون (Consultant (Advisors) (Designers)
3. ممولون (Lenders (Financiers)
4. منفذون (Executors (Contractors)
5. موردون (Suppliers)
6. مستخدمون (Users)

واجب : أشرح المنتج و الطلب و العرض فى مجال تخصصك

الهندسه المدنيه

السلعه : منشآت ، مبانى ، سدود ، طرق و كبارى

الطلب : شركات استشاريه

العرض : قيام شركات منفذة مقاولات

الهندسه الكهربائيه

سلعه (اجهزه كهربائيه و اتصالات و الكترونيه) طاقه

طلب : سلعه حسب السوق ، طاقه مستخلصه

الهندسه الميكانيكيه

سلعه (اسبيرات)

خط انتاج

طاقه
الطلب : سلعه حسب السوق خط انتج مستخلص طاقه مستخلص

الهندسه الكميائيه
سلعه الصناعات الكميائيه
عمليات تصنيع خط انتاج
الطلب سلعه

أهداف الباب الثالث

- التعرف على أنواع التكاليف
- تحديد نقطة التعادل
- المقارنه بين آليتين

الباب الثالث : التكلفة Cost

- أنواع التكلفه
- نقطة التعادل
- واجب 3

أنواع التكلفة

✓ المواد المباشره Direct Material

- ✓ العمالة الباشرة Direct Labor : الإيجور (تحويل المواد الخام الى منتجات)
- ✓ التكاليف الغير مباشره Indirect Cost : Over Head Cost : تأمين - ضرائب - ايجار
- ✓ تصنيف التكاليف
- ✓ تكاليف مباشره و غير مباشره Direct a& Indirect (Overhead) Costs
- ✓ تكاليف ثابتة و متغيره Fixed & Variable Costs : متغيره Variable تتغير مع تغيير حجم الإنتاج ثابتة Fixed لا تعتمد على الإنتاج - إيجار - إهلاك أيضا:
- ✓ تكليف تاريخية Historical Cost مسجلة في الدفاتر القديمة
- ✓ التكاليف القياسيه Standard Cost تقديرية للإنتاج
- ✓ تكاليف الإحلال Replacement Cost
- ✓ تكاليف حديه Marginal Cost تكاليف ناتجه من زيادة الإنتاج بوحده إضافية
- ✓ تكاليف الفرص البديلة Opportunity Cost تكلفة فقدان الفرصة البديلة بالقرار المتخذ
- ✓ تكاليف غارقة Sunk Cost دعايه - تدريب - صحيه
- ✓ تكاليف مؤجلة Deferred Cost إهلاك أو معدات

واجب : أختار مشروع في مجال تخصصك ثم حدد أنواع التكاليف الخاصه به

نقطة التعادل Break Even Point

لمقارنة البدائل من ناحية التكاليف .
تحدث نقطة التعادل عندما تتساوى التكاليف الكلية Total Cost TC مع العائدات الكلية Total Revenue TR
أو متعادلة بين الربح والخساره

$$TC = FC + VC (x)$$

$$TR = R (x)$$

عند نقطة التعادل

$$TC (x) = TR (x)$$

$$R x = FC + VC (x)$$

$$(R - VC) x = FC$$

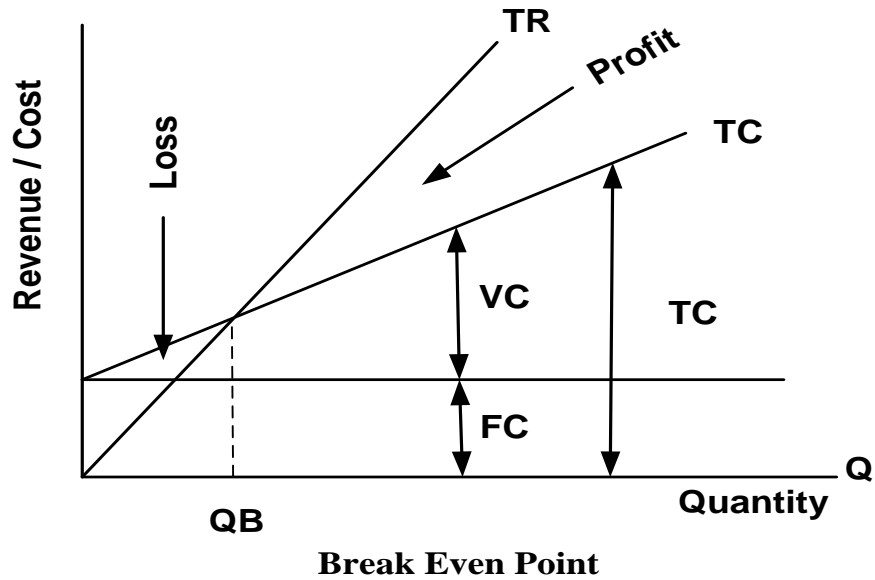
$$Q = x = (FC / (R - VC))$$

FC : Fixed Cost

VC : Variable Cost

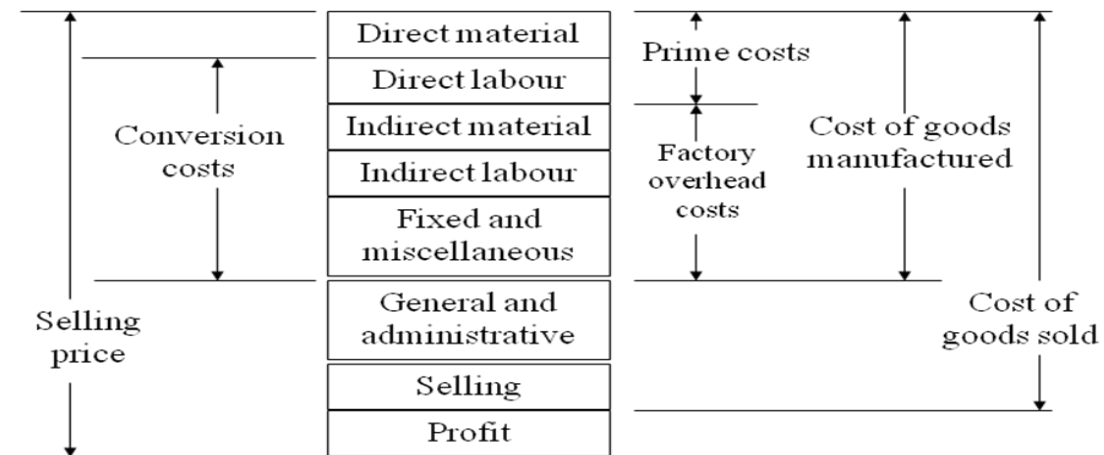
R : Price / Unit

Q : x : Quantity



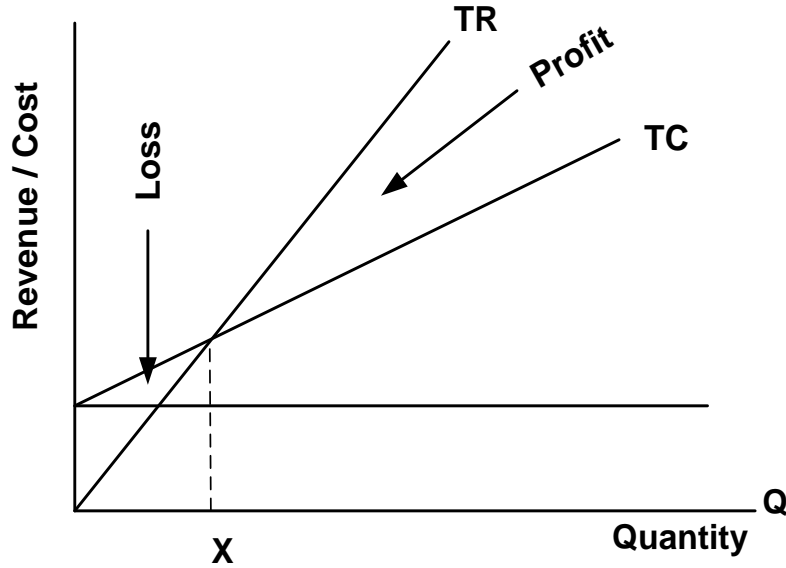
A cost structure for manufacturing

Direct, Indirect, and Overhead Costs



مثال (1)

التكاليف المطلوبه لتجهيز ماكينه لانتاج منتج معين هي 300 جنيه. التكاليف لانتاج الوحدة 2.5 جنيه للمواد و 1 جنيه للعماله لتشغيل الماكينة. اذا كان المنتج يتم بيعه ب 5 جنيه. أحسب نقطة التعادل. ثم أحسب الربح أو الخسارة اذا تم انتاج 1000 وحدة.



$$TR = TC$$

$$Rx = FC + VC(X) , 5x = 300 + (2.5)x , x = 300 / (5 - 2.5) = 200 \text{ Units}$$

$$\text{At } x = 1000 \text{ Units: Profit or Loss} = TR - TC$$

$$= 5 \times 1000 - (300 + (3.5 \times 1000)) = 5000 - 3800 = 1200$$

+Ve: Profit , -Ve: Loss

لتقليل نقطة التعادل

- ✓ زيادة ميل دالة TR أي زيادة سعر البيع (سياسه فقيره)
- ✓ تقليل قيمة التكاليف الثابتة FC (صعوبه)
- ✓ تقليل ميل دالة تكاليف متغيره VC (تكاليف مواد و عماله)

مثال (2)

تكلفة متغيره \$ 62 / hr سعر البيع \$ 85.56 / hr فى السنه 160000 hr / year التكاليف الثابتة

\$ 2024000 / year احسب

1. نقطه التعادل و نسبتها

2. ما هو التخفيض فى نقطة التعادل اذا خفضت التكاليف الثابتة 10 % أو التكاليف المتغيره

10 % أو زاد سعر البيع 10 %

At Breakeven: $TR = TC$

$$Rx = FC + VC(x), x = FC / (R - VC) = 2024000 / (85.56 - 62)$$

$$= 85908 \text{ hour / Year}$$

$$x = 85908 / 160000 = 0.537 = 53.7 \%$$

10 % reduction in FC:

$$x = (0.9 (2024000)) / (85.56 - 62) = 77.318 \text{ hour / year}$$
$$(85908 - 77318) / 85908 = 0.10 = 10 \% \text{ reduction in } x$$

10 % reduction in VC:

$$x = 2024000 / [85.56 - 0.9(62)] = 68011 \text{ hours / year}$$
$$(85908 - 68011) / 85908 = 0.208 = 20.8 \% \text{ reduction in } x$$

10 % increase in R:

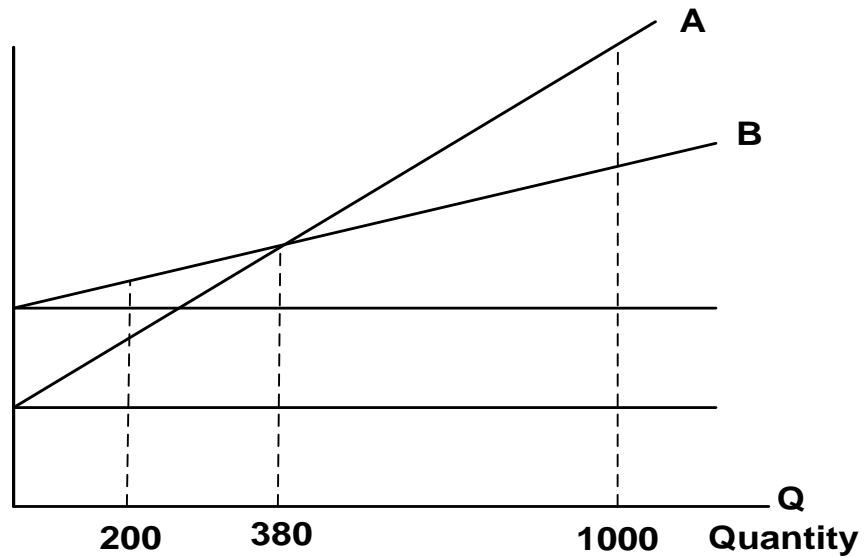
$$x = 2024000 / [1.1(85.56 - 62)] = 63021 \text{ hours / year}$$
$$(85908 - 63021) / 85908 = 0.266 = 26.6 \% \text{ reduction } x$$

Breakeven point is more sensitive to reduction in variable cost than to the same percentage reduction in fixed cost and highly sensitive to the sensitive price.

مثال (3)

لدينا ماكينتان A, B ايهما تفضل اذا كان الأنتاج 1000 وحدة

ماكينه B	ماكينه A	
29.2	4.15	تكاليف فوقيه + معدات + تجهيز
0.044	0.11	تكاليف انتاج الوحده



Geometrically

$$A: 4.15 + 0.11 (x) = TCA,$$

$$B: 29.2 + 0.044 (x) = TCB$$

Analytically

Breakeven Point:

$$TCA = TCB$$

$$4.15 + 0.11 (x) = 29.2 + 0.044 (x)$$

$$0.066(x) = 25.05, \quad x = 379.5 \text{ say } 380 \text{ Units}$$

$$A: 4.15 + 0.11 (380) = 45.95$$

$$B: 29.2 + 0.044 (380) = 45.05$$

If $x = 1000$ Units

$$A: 4.15 + 0.11 (1000) = 114.15$$

$$B: 29.2 + 0.044 (1000) = 73.2$$

Choose B which has LESS COST

If $x = 200$ Units

$$A: 4.15 + 0.11 (200) = 26.15$$

$$B: 29.2 + 0.044 (200) = 38$$

Choose A which has LESS COST

مثال (4)

اختار الماكينه الأكثر اقتصادا في عملية الإنتاج

B	A	
130	100 Parts / hr	معدل الإنتاج
6 hr / day	7 hr / day	الساعات المتوقره للإنتاج
10 %	3 %	نسبة التالف

تكلفة المواد \$ 6 للقطعه الواحدة ، القطع السليمه تباع \$ 12 ، تكلفة التشغيل لأي من الماكنتين \$ 15 في الساعه، التكاليف الفوقيه \$ 5 في الساعه.

1. أي الماكنتين تختار لتحقيق أقصى ربح في اليوم

2. ما هي نسبة التالف لتكون B مربحه كرباح A (Breakeven) .

$$\text{Profit / day} = R / \text{day} - C / \text{day}$$

$$= (\text{Production rate}) (\text{Production hours})(12 / \text{parts}) \times [1 - (\% \text{ rejected} / 100)] \\ - (\text{Production rate}) (\text{Production hours}) (6 / \text{Parts}) \\ - (\text{Production in hours}) [(15 / \text{hour}) + (5 / \text{hours})]$$

$$A = (100) (7) (12) (1 - 0.03) - (100) (7) (6) - (7) (15 - 5) = 3808 / \text{day}$$

$$B = (130) (6) (12) (1 - 0.10) - (130) (6) (6) - (6) (5 + 5) = 3624 / \text{day}$$

To maximize profit choose A

$$3808 = (130) (6) (12) (1 - X) - (130) (6) (6) - (6) (15 + 5)$$

$$X = 0.08$$

The % of parts rejected for machine B can be no higher than 8 % for it to be as profitable as A

Ex (5): Which of the following is fixed or variable cost?

- Raw material
- Direct labor
- Depreciation
- Suppliers
- Utilities
- Property taxes
- Interest on borrowed money
- Administrative salaries
- Payroll taxes
- Insurances
- Clerical salaries
- Rent

أهداف الباب الرابع

- التعرف على القيمة الزمنية للنقود و معدل الفائدة
- تحديد أنواع التدفقات النقدية
- معرفة مبدأ التكافؤ و خطط تسديد القروض

الباب الرابع : القيمة الزمنية للنقود

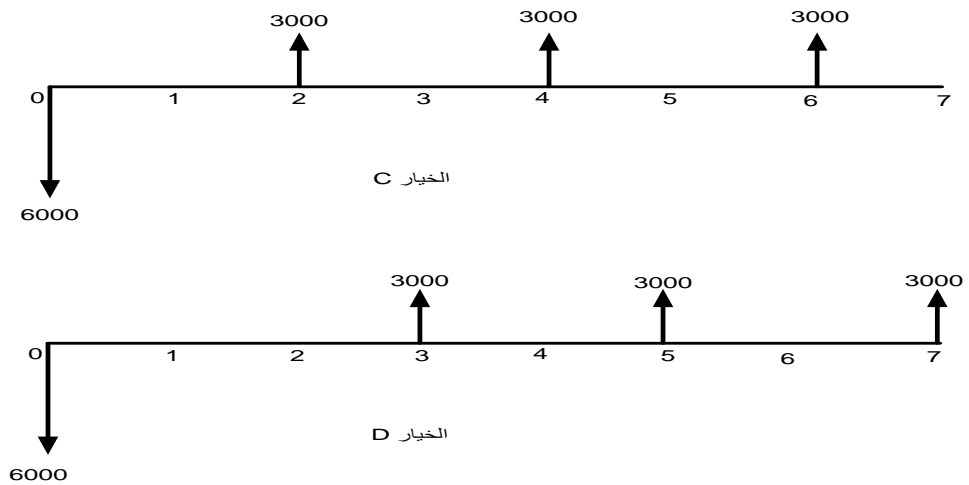
- معدل الفائدة
- أنواع التدفقات النقدية
- التكافؤ : خطط تسديد القروض
- واجب 4

1000 جنيه بعد عام

10000 .4 2000 .3 1100 .2 1000 .1

EOY	Computers	Lands	
N	A	B	A - B
0	-100000	-100000	0
1	70000	10000	60000
2	50000	30000	20000
3	30000	50000	-20000
4	10000	70000	-60000

إذا اخترت B لم تعطى أى اعتبار أن للنقود قيمة زمنية



خيار C لان 3000 الآن افضل من قيمتها بعد عام

معدل الفائدة :

إذا كان الزمن بالسنين و القميه الحاليه P Present Value و القيمه المستقبليه F Future Value

$$F = P + I_n$$

I_n الزيادة في P في فتره n ، فائده متراكمه داله في P و عدد فترات n و i سنوى
i معدل فائده سنوى فيه يتغير \$ 1 خلال سنه

1. ربح بسيط Simple Interest : I_n داله خطيه في الزمن

$$I_n = P i n , F_n = P + P i n , F_n = P (1 + i n)$$

2. الربح المركب Compound Interest : تتغير I_n كمعدل تغير في F

$$I_1 = P i , F_{n-1} = P , F_0 = P , I_n = i F_{n-1}$$

I_n ربح في سنه اخيره ، F_{n-1} مبلغ P في السنه أخيره

$$0, 1, 2, \dots, n-2, n-1, n$$

$$P, \quad \quad \quad , F_{n-1}$$
$$\quad \quad \quad , P, \quad F_n$$

$$F_n = P + I_n , F_n = P + i F_{n-1} , F_{n-1} = P$$

$$n = 1, F_{n-1} = F_0 = P$$

$$n = 2, F_1 = P + i P = P (1 + i)$$

$$n = 3, F_2 = P (1 + i) + P (1 + i) i = P (1 + i)^2$$

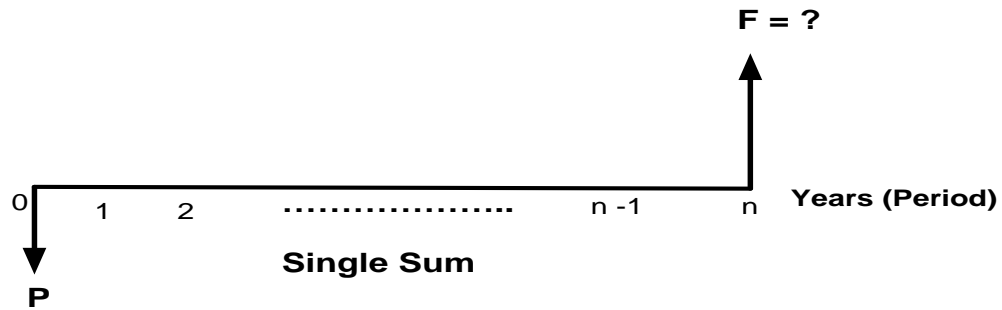
$$n = 4, F_3 = P (1 + i)^2 + P (1 + i)^2 i = P (1 + i)^2 (1 + i) = P (1 + i)^3$$

·
·
·

$$\underline{F_n = P (1 + i)^n}$$

Types of Cash Flows أنواع التدفقات النقدية

1. Single Sum of Money مجموع نقدي

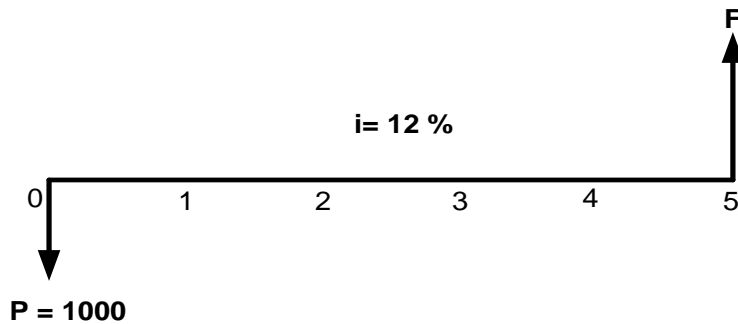


$$F = P (1 + i)^n, F = P (F / P i, n)$$

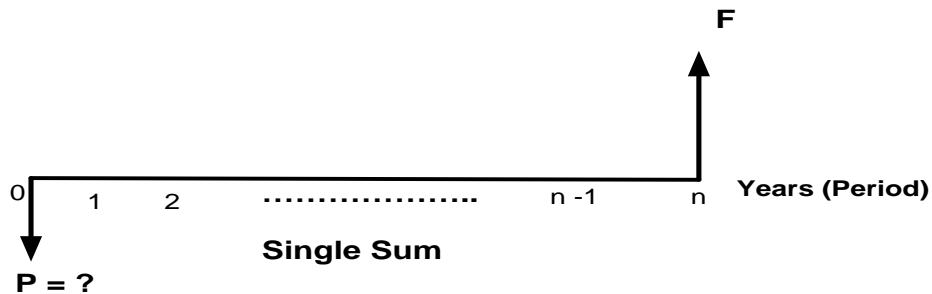
$(1 + i)^n, (F / P i, n)$: Single Sum Future Worth Factor

معامل القيمة المستقبلية لمجموع نقدي

مثال (1)



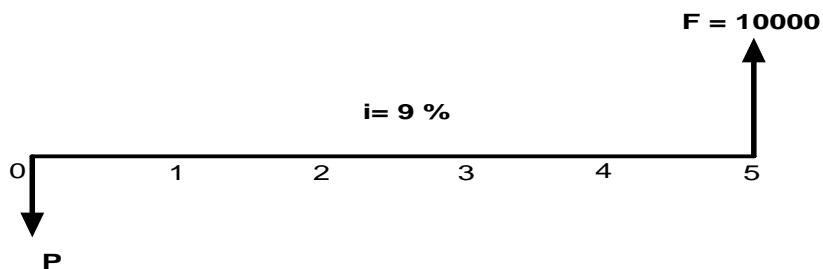
$$F = P (F / P i, n) = 1000 (F/P 12\%, 5) = 1000 (1.7623) = 1762.4$$



$$P = F (1 + i)^{n-1}, F = P (F/P i, n)$$

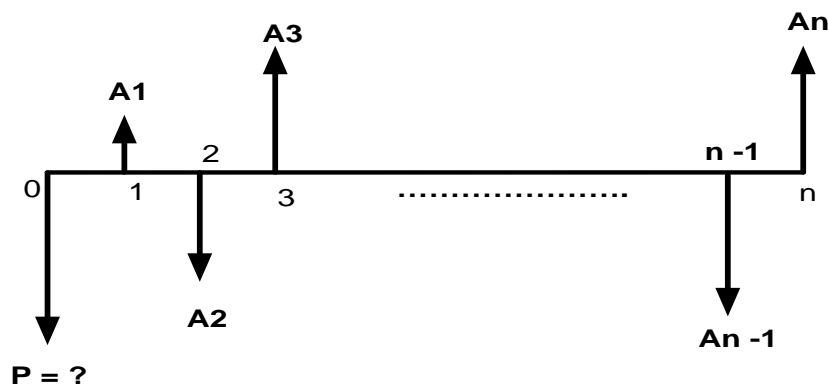
$(1 + i)^{n-1}, (F/P i, n)$: Single Sum Present Worth Factor

معامل القيمة الحاليه لمجموع نقدي
مثال (2)



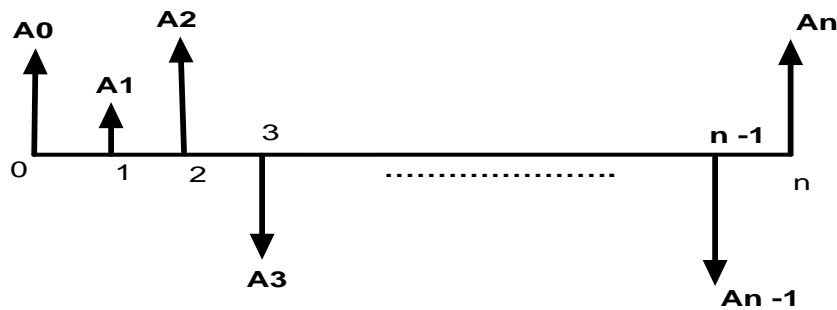
$$P = F (F/P i, n) = 10000 (P/F 9\%, 4) = 10000 (0.7084) = 7084$$

2. سلسلة من التدفقات النقدية Series of Cash Flow



$$P = A_1 (1+i)^1 - A_2 (1+i)^2 + A_3 (1+i)^3 \pm \dots - A_{n-1} (1+i)^{n-1} + A_n (1+i)^n$$

$$P = \sum_{t=1}^n A_t (1+i)^{-t}, P = \sum_{t=1}^n A_t (P/F i, n)$$



$$F = A_0 (1+i)^{n-0} + A_1(1+i)^{n-1} + A_2(1+i)^{n-2} - A_3(1+i)^{n-3} \pm \dots$$

$$+ A_{n-1}(1+i)^{(n-(n-1))} + A_n (1+i)^{n-n}$$

$$F = A_0 (1+i)^n + A_1(1+i)^{n-1} + A_2(1+i)^{n-2} - A_3(1+i)^{n-3} \pm \dots$$

$$+ A_{n-1}(1+i) + A_n$$

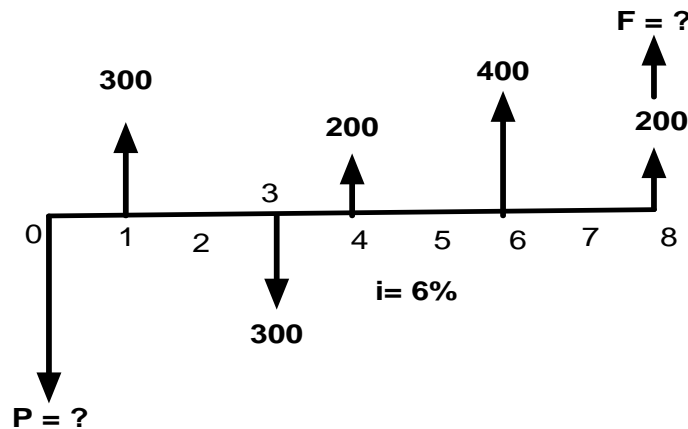
$$F = \sum_{t=1}^n A_t (1+i)^{n-t}, F = \sum_{t=1}^n A_t (F/P \ i, n)$$

$$P = \sum_{t=1}^n A_t (1+i)^{-t} - (1), F = P (1+i)^n \text{ --- (2)}$$

Substitute P from (1) in (2)

$$F = (1+i)^n \sum_{t=1}^n A_t (1+i)^{-t} = \sum_{t=1}^n A_t (1+i)^{-t} (1+i)^n = \sum_{t=1}^n A_t (1+i)^{n-t}$$

(3) مثال



$$P = 300 (P/F \ 6\%, 1) - 300 (P/F \ 6\%, 3) + 200 (P/F \ 6\%, 4) + 400 (P/F \ 6\%, 6)$$

$$+ 200 (P/F \ 6\%, 8)$$

$$P = 300 (0.9434) - 300 (0.8396) + 200 (0.7921)$$

$$+ 400 (0.7050) + 200 (0.6274) = 597.04$$

$$F = 300 (F/P \ 6\%, 7) - 300 (F/P \ 6\%, 5) + 200 (F/P \ 6\%, 4) + 400 (F/P \ 6\%, 2)$$

$$+ 200 (F/P \ 6\%, 0)$$

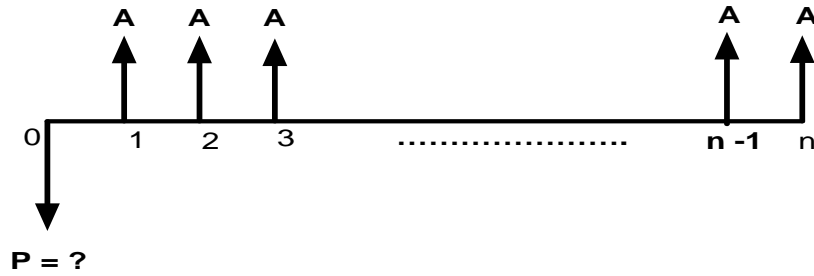
$$F = 300 (1.5036) - 300 (1.3382) + 200 (1.2625)$$

$$+ 400 (1.236) + 200 = 996.52$$

$$F = P (F/P i\%, n) = 597.04 (F/P 6\%, 8) = 597.04 (1.5036) = 897.71$$

$$P = F (P/F i\%, n) = 996052 (P/F 6\%, 8) = 996.52 (0.5919) = 589.80$$

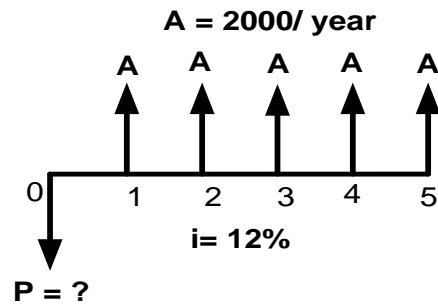
3. سلسلة التدفقات النقدية المتساوية (المنتظمة) Uniform Series of Cash Flow



$$P = \sum_{t=1}^n A (1+i)^{-t}, P = A [((1+i)^n - 1) / i(1+i)^n], P = A (P/A i\%, n)$$

$[((1+i)^n - 1) / i(1+i)^n], (P/A i\%, n)$: Uniform Series Present Value Factor
معامل القيمة الحالية لسلسلة منتظمة

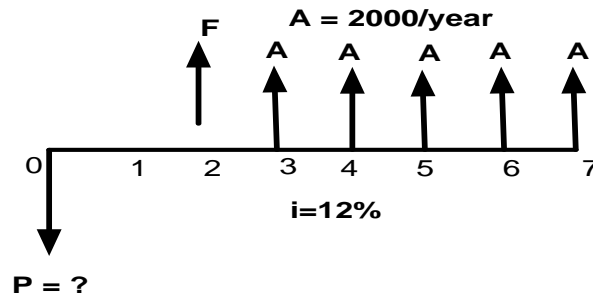
مثال (4)



$$P = A (P/A 12\%, 5) = 2000 (P/A 12\%, 5) = 2000 (3.6048) = 7209.6$$

$$F = A (F/A 12\%, 5) = 2000 (F/A 12\%, 5) = 2000 (6.3528) = 12705.6$$

مثال (5)



$$P = A (P/A \ 12\%, 5) (P/F \ 12\%, 2) = 2000 (3.6048) (0.7972) = 5747.49$$

$$F = P (F/P \ 12\%, 5) = 5747.49 (1.7623) = 10128.5$$

$$F = A (F/A \ 12\%, 4) = 2000 (4.7793) 9558.6$$

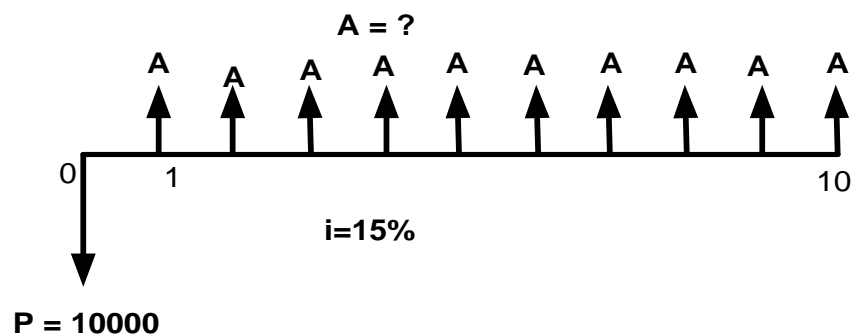
أيضا

$$A = P [(i(1+i)^n) / ((1+i)^n - 1)], A = P (A/P \ i\% \ n)$$

$$[(i(1+i)^n) / ((1+i)^n - 1)], (A/P \ i\% \ n): \text{Capital Recovery Factor}$$

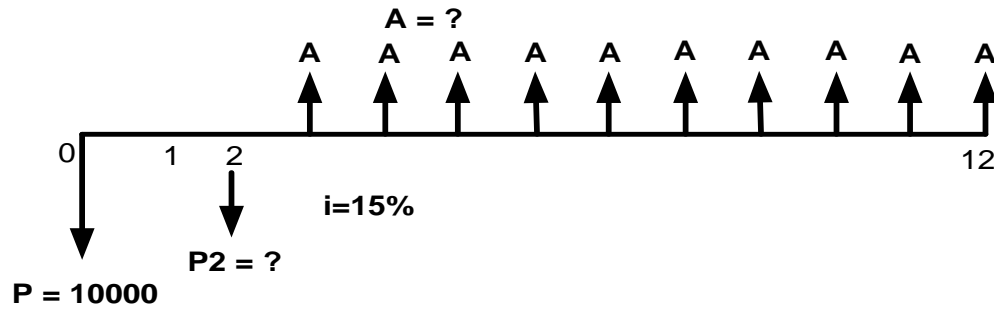
معامل استعادة رأس المال

مثال (6) سحب حتى لا يترك شيء في الحساب



$$A = P (A/P \ i\%, n) = 10000 (A/p \ 15\%, 10) = 10000 (0.1993) = 1993/ \text{ year}$$

مثال (7) تأخير السحب سنتين



$$P_2 = P (F/P i\%, n) = 10000 (F/P 15\%, 2) = 10000 (1.3225) = 13225$$

$$A = P_2 (A/P i\%, n) = 13225 (A/P 15\%, 10) = 13225 (0.1993) = 2635.74 / \text{year}$$

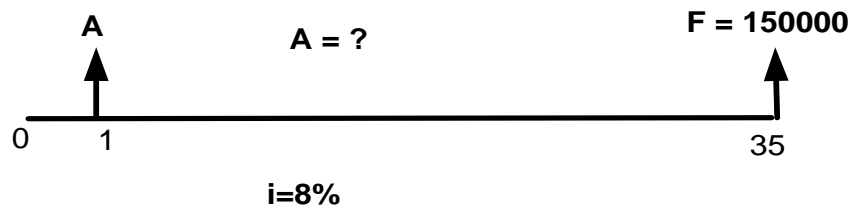
أيضا

$$F = A [((1+i)^n - 1) / i], F = A (F/A i\%, n)$$

$[((1+i)^n - 1) / i], (F/A i\%, n)$: Uniform Series Future Worth Factor

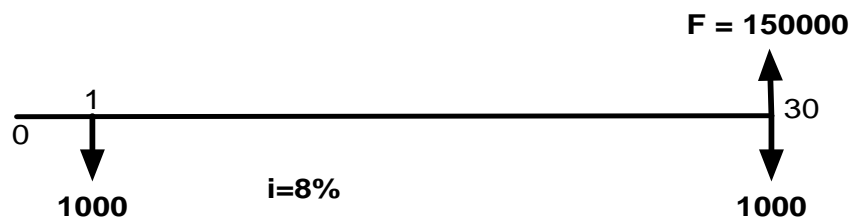
معامل القيمة المستقبلية لسلسلة منتظمة

مثال (8)



$$A = F (A/F i\%, n) = 150000 (A/F 8\%, 35) = 150000 (0.0058) = 870 / \text{year}$$

مثال (9)



$$F = A (F/A 8\%, 30) = 1000 (113.2832) = 113283.2$$

$$P = A (P/A 8\%, 30) = 1000 (11.2578) = 11257.8$$

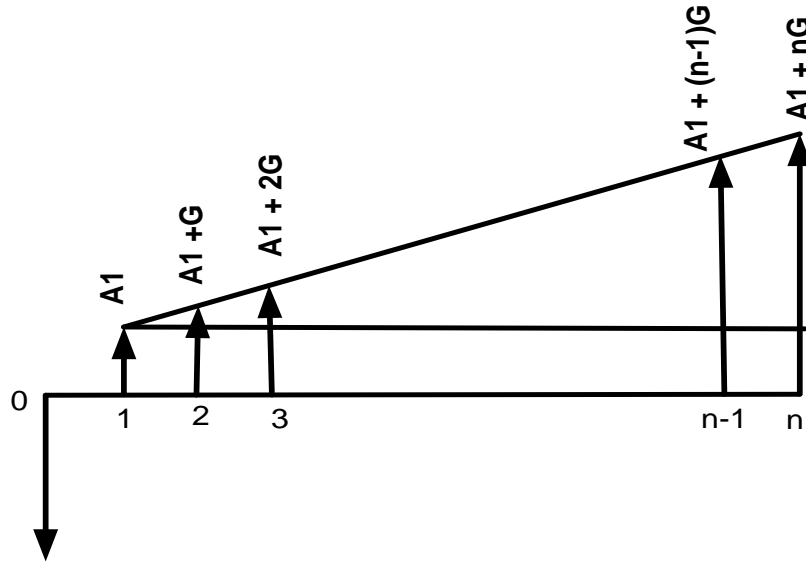
$$P = F (P/F 8\%, 30) = 113283.2 (10.0627) = 113283.86$$

أيضا

$$A = F [i / ((1 + i)^n - 1)], A = F (A/F i\%, n)$$

$[i / ((1 + i)^n - 1)], (A/F i\%, n)$: Reduced Capital Factor معامل رأس المال المتناقص

4. سلسلة التدفقات النقدية المتدرجة Gradient Series Cash Flows



$$P = P_1 + P_2$$

$$P = G [(1 - (1 + ni) (1 + i)^{-n}) / i] = P (P/G i\%, n)$$

$[(1 - (1 + ni) (1 + i)^{-n}) / i] = (P/G i\%, n)$: Gradient Series Present Worth Factor معامل القيمة الحالية لسلسلة تدفقات متدرجة

$$A = G [(1/i) - (n/i) (A/F i\%, n)] = G (A/G i\%, n)$$

$[(1/i) - (n/i) (A/F i\%, n)] = (A/G i\%, n)$: Gradient to Uniform Series Conversion Factor معامل تحويل التدفق المتدرج الى تدفق منتظم

$$F = G (P/G i\%, n) (F/P i\%, n),$$

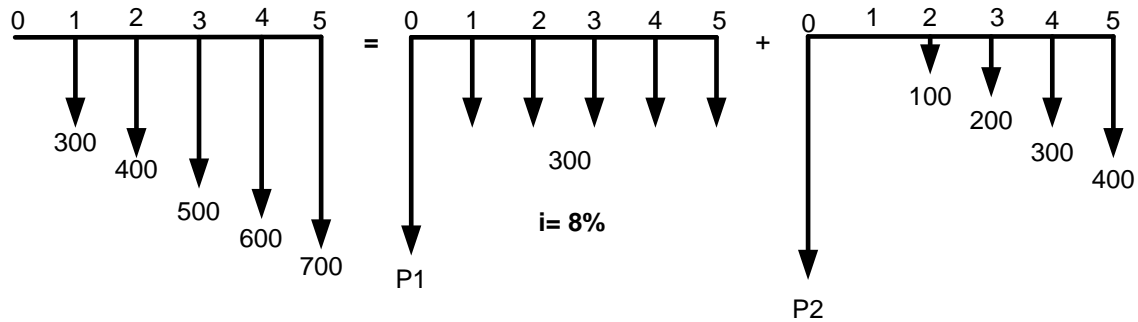
$$P_1 = \text{Uniform Series} = A_1 (P/A i\%, n)$$

$$P_2 = \text{Gradient Series} = G (P/G i\%, n)$$

$$P = P_1 + P_2 = A_1 (P/A i\%, n) + G (P/G i\%, n)$$

$$A = A_1 + G (A/G i\%, n)$$

مثال (10)



$$P_1 = A_1 (P/A \ i\%, n) = 3000 (P/A \ 8\%, 5) = 3000 (3.9927) = 11978.1$$

$$P_2 = G (P/G \ i\%, n) = 1000 (P/G \ 8\%, 5) = 1000 (7.3724) = 7372.4$$

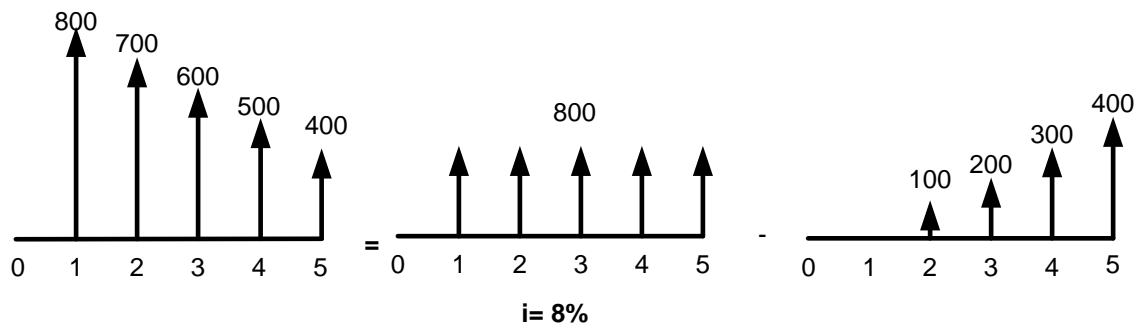
$$P = P_1 + P_2 = 11978.1 + 7372.4 = 19350.5$$

$$A = A_1 + G (A/G \ i\%, n) = 3000 + 1000 (A/G \ 8\%, 5) \\ = 3000 + 1000 (1.846.5) = 4846.5 / \text{year}$$

$$F = P (F/P \ 8\%, 5) = 19350 (1.4693) = 28431.69$$

$$F = A (F/A \ 8\%, 5) = 4846.5 (5.8666) = 28432.48$$

مثال (11)



$$A = A_1 - G (A/G \ i\%, n) = 800 - 100 (A/G \ 8\%, 5)$$

$$= 800 - 100 (1.8465) = 615.35 / \text{year}$$

$$F = A (F/A \ 8\%, 5) = 615.35 (5.8666) = 3610.01$$

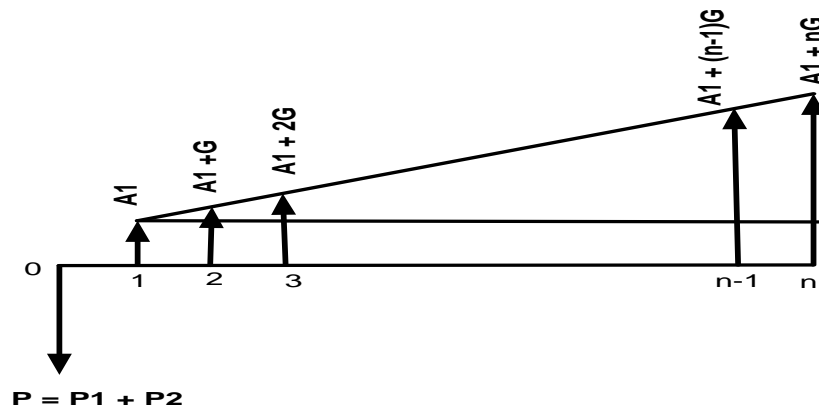
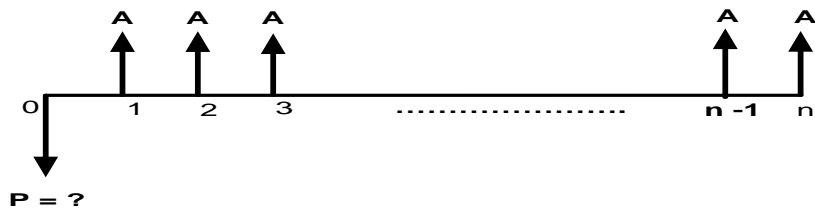
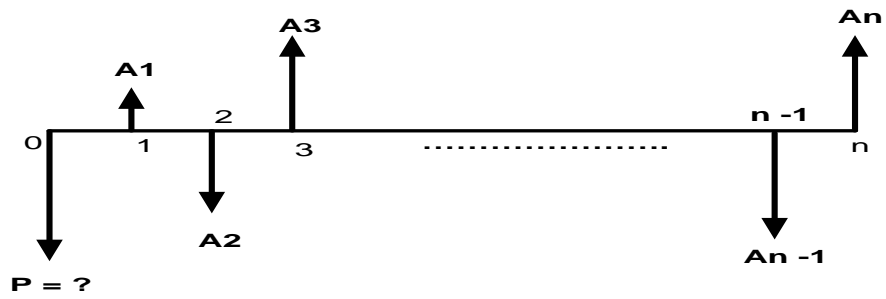
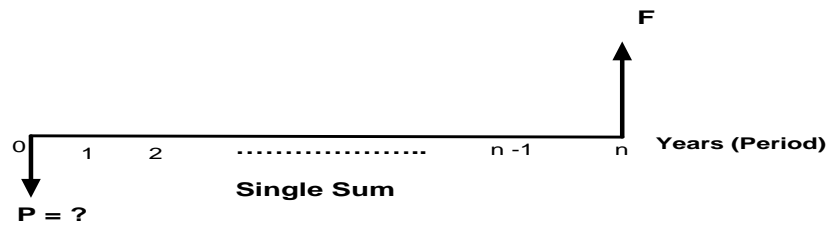
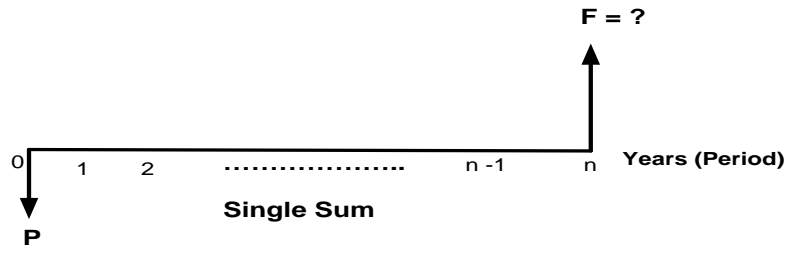
$$P = A (P/A \ 8\%, 5) = 615.35 (3.9927) = 2456.91$$

$$P = F (P/F \ 8\%, 5) = 3610.01 (0.6804) = 2456.25$$

Summary

- ✓ $(1 + i)^n, (F / P i, n)$: Single Sum Future Worth Factor
معامل القيمة المستقبلية لمجموع نقدي
- ✓ $(1 + i)^{n-1}, (F/P i, n)$: Single Sum Present Worth Factor
معامل القيمة الحالية لمجموع نقدي
- ✓ $[((1 + i)^n - 1) / i(1 + i)^n], (P/A i\%, n)$: Uniform Series Present Value Factor
معامل القيمة الحالية لسلسلة منتظمة
- ✓ $[i(1 + i)^n / ((1 + i)^n - 1)], (A/P i\% n)$: Capital Recovery Factor
معامل استعادة رأس المال
- ✓ $[((1 + i)^n - 1) / i], (F/A i\%, n)$: Uniform Series Future Worth Factor
معامل القيمة المستقبلية لسلسلة منتظمة
- ✓ $[i / ((1 + i)^n - 1)], (A/F i\%, n)$: Reduced Capital Factor
معامل رأس المال المتناقص
- ✓ $[(1 - (1 + ni) (1 + i)^{-n}) / i] = (P/G i\%, n)$: Gradient Series Present Worth Factor
معامل القيمة الحالية لسلسلة تدفقات متدرجه
- ✓ $[(1/i) - (n/i) (A/F i\%, n)] = (A/G i\%, n)$: Gradient to Uniform Series Conversion Factor
معامل تحويل التدفق المتدرج الى تدفق منتظم

Summary of Cash Flows



معدل الربح الاسمي Nominal : فترات خلال السنة (يوم - اسبوع - شهر - ربع سنوى نصف سنوى)
 معدل الربح الفعلى Effective : ربح فى نهاية السنة

$$i_{\text{eff}} = (1 + (r/m))^m - 1, i = r / m, i_{\text{eff}} = (1 + i)^m - 1, i_{\text{eff}} = (F/P r/m, m) - 1$$

معدل الربح فى المده فى السنه i: مركبات المده فى السنه m, معدل الربح الاسمى r:
 معدل الربح الفعلى فى السنه : i_{eff}

Ex 1000 borrowed 8% compounded quarterly

2% / 3 months

$$F = P (F/P 2\%, 4) = P (1 + i)^n = 1000 (1 + 0.02)^4 \\ = 1000 (1.0924) = 1082.4$$

$$F = P (F/P 8.24\%, 1) = 1000 (1.0824) = 1084.4, 8\% / \text{nominal}, 8.24 \text{ effective annual}$$

8% compounded semiannually

$$i_{\text{eff}} = (1 + 0.04)^2 - 1 = (F/P 4\%, 2) - 1 = 0.0816$$

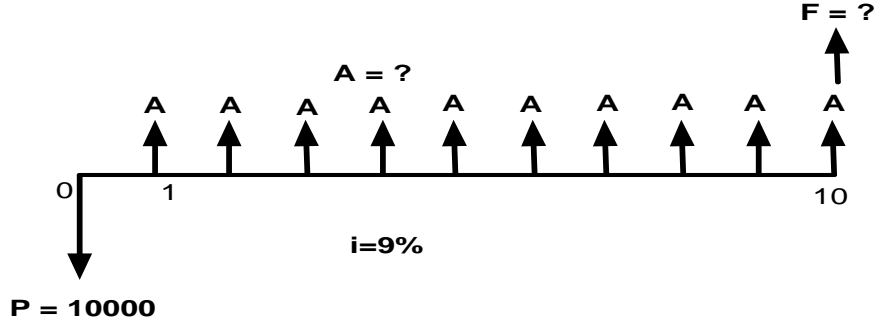
18% compounded monthly

$$i_{\text{eff}} = (1 + 0.015)^{12} - 1 = (F/P 1.5\%, 12) - 1 = 0.1956$$

التكافؤ Equivalence

خطط تسديد القروض

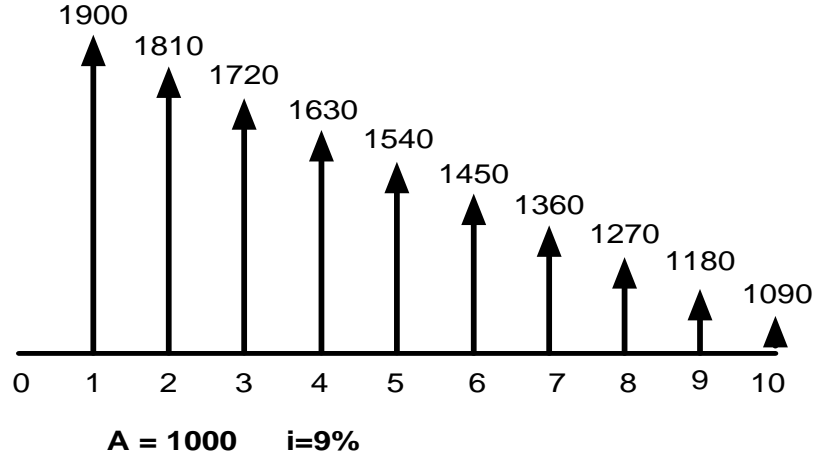
خطت تسديد قرض مقداره 10000 جنيه بفائده 9% فى السنه
 I. الأولى : 1. تدفع الفائده سنويا ، 2. لا تقتضى دفع جزئى لرأس المال 3. يدفع رأس
 المال الأساسى كله كدفعه واحده فى نهاية الفتره



$$A = I = Pi = 10000 (0.09) = 900$$

$$A_{10} = A + I_{10} = 900 + 10000 = 10900$$

II. الثانيه: 1. تقليل رأس المال الأساسى بطريقه نظاميه 2. تخفيض الفائده



$$F_1 = 10000 (1.0900) = 10900, A_1 = 1000 + 900 = 1900,$$

$$P = 10900 - 1900 = 9000$$

$$F_2 = 9000 (1.0900) = 9810, A_2 = 1000 + 810 = 1810$$

$$P = 9810 - 1810 = 8000$$

$$F_3 = 8000 (1.0900) = 8720, A_3 = 1000 + 720 = 1720$$

.

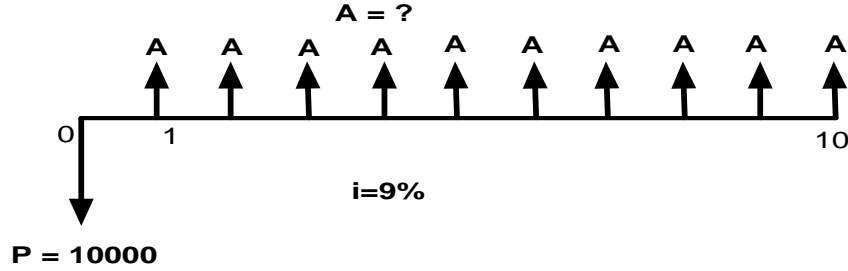
.

.

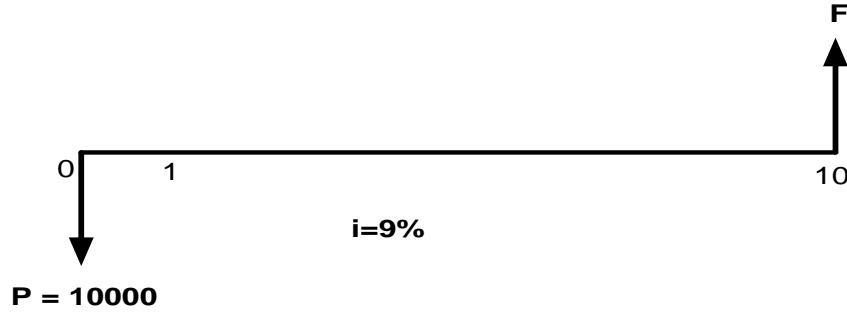
$$F_{10} = 1000 (1.0900) = 1090, A_{10} = 1000 + 90 = 1090$$

$$P = 1090 - 1090 = 0$$

III. الثالثة: 1. تقليل رأس المال بطريقة منتظمة 2. انتظام مدفوعات الفائده و رأس المال



IV. الرابعة: 1. لا تقتضى دفع جزئى لرأس المال 2. لا تقتضى دفع الفائده 3. يتم دفع رأس المال الأساسى و الفائده فى نهاية السنة الأخيره



$$F = P (F/P i\%, n) = 10000 (F/P 9\%, 10) = 10000 (2.3674) = 23674$$

Year	Capital	I	II	III	IV
0	10000				
1		900	1900	1558	
2		900	1810	1588	
3		900	1720	1588	
4		900	1630	1588	
5		900	1540	1588	
6		900	1450	1588	
7		900	1360	1588	
8		900	1270	1588	
9		900	1180	1588	
10		10000	1090	1588	23670
Total	10000	19000	14950	15580	23670

التكافؤ : كل متواليات المدفوعات أعلاه تتكافأ

الخطه	المال الممتلك بعد الدفعه	الدفعه في نهاية السنه	اجمالي المال الممتلك قبل الدفعه	الفائده المستحقه	نهاية السنه
الخطه I	10000	900	10900	900	0
	10000	900	10900	900	1
	10000	900	10900	900	2
	10000	900	10900	900	3
	10000	900	10900	900	4
	10000	900	10900	900	5
	10000	900	10900	900	6
	10000	900	10900	900	7
	10000	900	10900	900	8
	10000	900	10900	900	9
	0	10900	10900	900	10
الخطه II	10000				0
	9000	1900	10900	900	1
	8000	1810	9810	810	2
	7000	1720	8720	720	3
	6000	1630	7630	630	4
	5000	1540	6540	540	5
	4000	1450	5450	450	6
	3000	1360	4360	360	7
	2000	1270	3270	270	8
	1000	1180	2180	180	9
	0	1090	1090	90	10

الخطه	المال الممتلك بعد الدفعه	الدفعه في نهاية السنه	اجمالي المال الممتلك قبل الدفعه	الفائده المستحقه	نهاية السنه
الخطه III	10000.0				0
	9341.8	1558.2	1900.0	900.0	1
	8624.4	1558.2	10182.6	840.8	2
	7842.4	1558.2	9400.6	776.2	3
	6990.0	1558.2	8548.2	705.8	4
	6060.9	1558.2	7619.1	629.1	5
	5048.2	1558.2	6606.4	545.5	6
	3944.3	1558.2	5502.5	454.3	7
	2.741.1	1558.2	4299.3	355.0	8
	1429.6	1558.2	2987.8	246.7	9
	0.1	1558.2	1557.3	128.7	10
الخطه IV	10000.0				0
	10900.0	0.0	10900.0	900.0	1
	11881.0	0.0	11881.0	981.0	2
	12950.3	0.0	12950.3	1069.3	3
	14115.8	0.0	14115.8	1165.5	4
	15386.2	0.0	15386.2	1270.4	5
	16771.0	0.0	16771.0	1384.8	6
	18280.4	0.0	18280.4	1509.4	7
	19.925.6	0.0	19925.6	1645.2	8
	21718.9	0.0	21718.9	1793.3	9
	0.0	23673.6	23673.6	1954.7	10

أهداف الباب الخامس

- إجراء التقييم لمشروع واحد

الباب الخامس : تقييم مشروع واحد Evaluating Single Project

- الخطوات
- طرق التقييم
- واجب 5

الخطوات

- Prepare Cash Flow
- Determine MARR (i%) : Minimum Attractive Rate of return
معدل العائد المغري أو المجزئ
- Determine Time Horizon الأفق الزمني

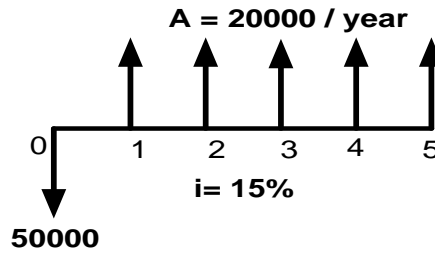
طرق التقييم

1. Present Worth PW: if $PW (i = MARR) \geq 0$ the project is economically justified
2. Future Worth FW: if $FW (i = MARR) \geq 0$ the project is economically justified
3. Annual Worth AW: if $AW (i = MARR) \geq 0$ the project is economically justified
4. Internal Rate of Return IRR: if $IRR \geq MARR$ the project is economically justified
 i at $PW = 0$, $i = [(PW_{i_{min}} / (PW_{i_{min}} + PW_{i_{max}})) (i_{max} - i_{min})] + i_{min}$
5. Benefit Cost Ratio BCR/ Saving Investment Ratio SIR:
 $[(PW (i = MARR)_{(+CF)}) / (PW (i = MARR)_{(-CF)})] > 1$
The project is economically justified
6. Payback Period PBP: $R \geq C$, at $(i = MARR) = 0$, Number of years
7. Capitalized Worth CW: $CW = A / i$, maximum CW at $t = \infty$

Ex

Year	
0	-50000
1	20000
2	20000
3	20000
4	20000
5	20000

$i = 15\%$



$$PW(15\%) = -50000 + 20000 (P/A\ 15\%,\ 5)$$

$$= -50000 + 20000 (3.3522) = 17044 > 0 \text{ OK}$$

$$FW(15\%) = -50000 (F/P\ 15\%,\ 5) + 20000 (F/A\ 15\%,\ 5)$$

$$= 34278 > 0 \text{ OK}$$

$$AW(15\%) = -50000 (A/P\ 15\%,\ 5) + 20000 = 5085 / \text{year} > 0 \text{ OK}$$

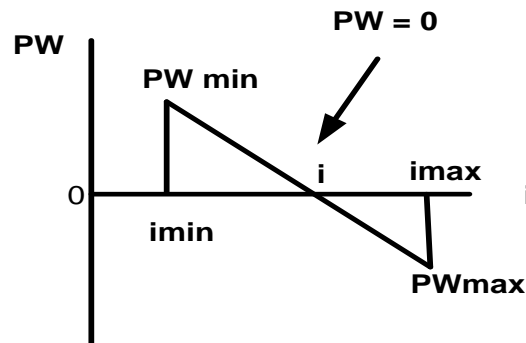
$$BCR/ SIR = [(20000 (P/A\ 15\%,\ 5)) / 50000]$$

$$= 67044 / 50000 = 1.3 > 1 \text{ OK}$$

$$PBP\ R_t \geq C_t, 20000 + 20000 + 20000 = 60000 > 50000, t = 3 \text{ years}$$

$$CW = A / i = [-50000 (A/P\ 15\%,\ 5) + 20000] / 0.15 = 5085 / 0.15$$

$$= 33900 > 0 \text{ OK}$$



$$IRR: PW(15\%) = 17044$$

$$PW(20\%) = -50000 + 20000(P/A\ 20\%,\ 5)$$

$$-50000 + 20000 (2.9906) = -50000 + 59812 = 9812$$

$$i = [17044 / (17044 + 9812)] (0.20 - 0.15) + 0.15$$

$$= 18.17\% > 15\% \text{ MARR OK}$$

أهداف الباب السادس

- إجراء طرق المقارنه بين الخيارات

-

الباب السادس : مقارنة الخيارات Evaluation of Alternatives

- الخطوات

- طرق مقارنة الخيارات

- التحليل الإضافيه

- واجب 6

الخطوات

1. تعريف و تحديد الخيارات Definition of Alternatives

2. تعريف و تحديد الأفق الزمني Definition of Planning Horizons

3. أعداد التدفقات النقدية لكل خيار Prepare Cash Flow for all Alternatives

4. تحديد معدل الفائدة الغرى المجزى

Determine of Minimum Attractive Rate of Return (MARR)

5. مقارنة الخيارات باستخدام المعايير

Comparison of Alternatives using Analysis Methods

6. التحليلات الإضافيه Additional Analysis – Sensitivity & Risk Analysis

7. إختيار البديل الأمثل Select Optimum Alternative

تحليل الحساسيه Sensitivity Analysis : أثر التغيرات على الخيار الأمثل بتغيير الأفق الزمني

Planning Horizon أو معدل العائد المغرى المجزى MARR

تحليل المخاطره Risk Analysis : تدخل الإحصاء و الإحتمالات Probability & Statistics

أو المحاكاة Simulation

- استخدام القيمه الزمنيه للنقود و معايير المقارنه

- الجانب الفنى محقق Technically Feasible

- تحديد الخيارات Alternatives :

الخيار Alternative : بدائل لاتخاذ القرار

المقترح Proposal : الواحد منها يحتمل أن يكون خيار ، الخيارات تتكون من المقترحات

m من المقترحات تعطى 2^m من الخيارات (البدائل)

Do nothing يعتبر خيار

خيارات متنافيه Mutually Exclusive و خيارات مرتبطه Contingent

m = 3 so Alternatives are $2^3 = 8$

التوضيح	المقترحات			الخيار
	A	B	C	
لا يتم اختيار أى خيار Do nothing	0	0	0	1
قبول الإقتراح C فقط	0	0	1	2
قبول الإقتراح B فقط	0	1	0	3
قبول الإقتراح A فقط	1	0	0	4
قبول الإقتراح C, B فقط	0	1	1	5
قبول الإقتراح A, C فقط	1	0	1	6
قبول الإقتراح A, B فقط	1	1	0	7
قبول الثلاث مقترحات	1	1	1	8

مثال (1)

ميزانيه محدوده 50000 خيار B مرتبط ب A ، A & C متنافيان

EOY	A	B	C
0	-2000	-30000	-50000
1	-4000	4000	-5000
2	2000	6000	10000
3	8000	8000	25000
4	14000	10000	45000
5	25000	20000	10000

ملاحظات	التكلفه	المقترحات			الخيار
		A	B	C	
✓	0	0	0	0	0
✓	50000	0	0	1	1
X	30000	0	1	0	2
X	80000	0	1	1	3
✓	20000	1	0	0	4
X	70000	1	0	1	5
✓	50000	1	1	0	6
X	100000	1	1	1	7

ملاحظات	التكلفه	المقترحات			الخيار
		A	B	C	
✓	0	0	0	0	0
✓	50000	0	0	1	1
✓	20000	1	0	0	2
✓	50000	1	1	0	3

أما تفاصيل التدفقات النقدية كالآتي

EOY	A ₀	A ₁	A ₂	A ₃
0	0	-50000	-20000	-50000
1	0	-5000	-4000	0
2	0	10000	2000	8000
3	0	25000	8000	16000
4	0	45000	14000	24000
5	0	10000	25000	45000

- الأفق الزمني Time Horizon : طول الفتره الزمنيه المطلوبه للأداء الإقتصادي لمقارنة الخيارات ، ليست عمر التشغيل Working Life أو العمر الإهلاكي Depreciation Life الأفق الزمني يحدد بالآتي

4. المضاعف المشترك البسيط T is 3, 5, 6
5. أقل أفق زمني T_s , 3 , 5 & 6 Salvage or Book value for
6. أطول أفق زمني T_L 6

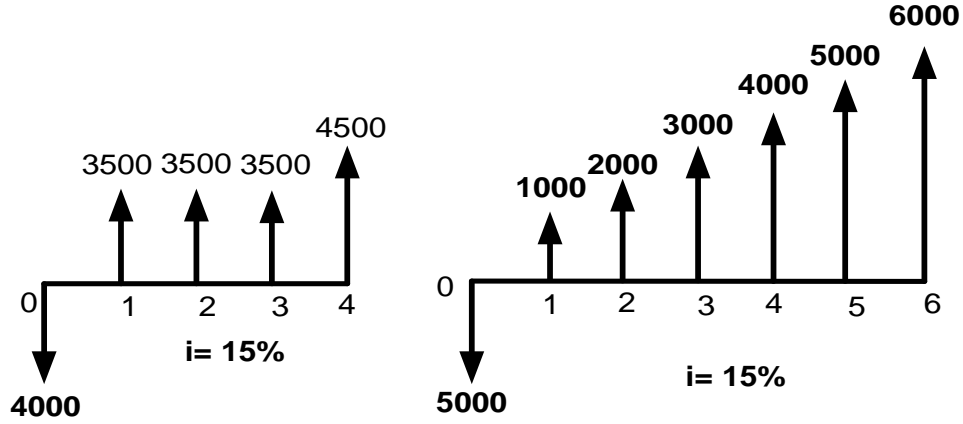
EOY	Revenues	Cost	NCF	Salvage Value
t	R _t	C _t	R _t - C _t	
Alternative (1)				
0				0
1 – 3	27500	23000	4500	0
Alternative (2)				
0		75000	- 75000	75000
1	27500	7500	20000	55000
2	32500	7500	25000	40000
3	37500	7500	30000	25000
4	42500	7500	35000	10000
5	47500	7500	40000	0
Alternative (3)				
0		50000	- 50000	50000
1	30000	10000	20000	35000
2	30000	10000	20000	25000
3	30000	10000	20000	15000
4	30000	10000	20000	5000
5	30000	10000	20000	0
6	30000	10000	20000	0

- التدفقات النقدية : تكلفه Cost و عائدات Revenue و قيم متبقية Salvage Value

EOY	Net Cash Flow		
t	A_{1t}	A_{2t}	A_{3t}
T = 30 years			
0		-75000	-50000
1	4500	20000	20000
2	4500	25000	20000
3	4500	30000	20000
4	4500	35000	20000
5	4500	-75000 + 40000	20000
6	4500	20000	-50000 + 20000
7	4500	25000	20000
8	4500	30000	20000
:	:	:	:
29	4500	35000	20000
30	4500	40000	20000
T = T_s = 3 years			
0		-75000	-50000
1	4500	20000	20000
2	4500	25000	20000
3	4500	30000 + 25000	20000 + 15000
T = T_L = 6 years			
0		-75000	-50000
1	4500	20000	20000
2	4500	25000	20000
3	4500	30000	20000
4	4500	35000	20000
5	4500	40000	20000
6	4500	45000	20000

- معدل عائد مغرى MARR بواسطة الحكومه أو البنوك

مثال (2)



نفترض الأفق الزمنى 6 سنوات

$$FW1 (15\%) = 3500 (P/A 15\%, 3) (F/P 15\%, 6) + 4500 (F/P 15\%, 2)$$

$$- 4000 (F/P 15\%, 6) = 3500 (2.2832) (2.3131) + 4500 (1.3225)$$

$$- 4000 (2.3131) = 15183.29$$

$$FW2 (15\%) = 1000 (F/A 15\%, 6) + 1000 (A/G 15\%, 6) (F/A 15\%, 6)$$

$$- 5000 (F/P 15\%, 6) = 1000 (8.7537) + 1000 (2.0972) (8.7537)$$

$$- 5000 (2.3131) = 15546.6$$

$$FW2 (15\%) > FW1 (15\%) \text{ select Alternative 2}$$

إذا لم نضع فى الإعتبار للأفق الزمنى و حسبنا AW لكلا الخيارين

$$AW1 (15\%, 4) = 3000.15 / \text{year}$$

$$AW2 (15\%, 6) = 1776.2 / \text{year}$$

و عليه ينتج ان الخيار 1 هو الأفضل

طرق مقارنة الخيارات

1. صافى القيمة الحاليه Net Present Worth PW (MARR) : يفضل أكبر PW ،

أما تكلفه فقط يفضل أصغر PW

- الرتب PW (MARR) : يفضل أكبر PW ، أما تكلفه فقط يفضل أصغر

PW

- الفرق Incremental:

, مدافع 0 Defender , متحدى 1 Challenger

$$PW_{1-0} (MARR) > 0 \text{ 1 is winner}$$

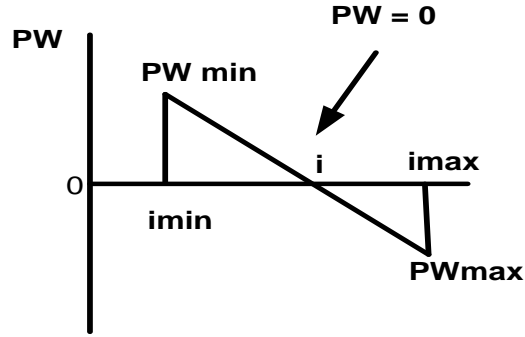
2. صافى الإيرادات المنتظمه السنويه Net Annual Worth AW (MARR) :

يفضل أكبر AW ، أما تكلفه فقط يفضل أصغر AW

- الرتب AW (MARR) : يفضل أكبر AW ، أما تكلفه فقط يفضل أصغر AW

- الفرق:

3. صافي القيمة المستقبليه FW (MARR) : Net Future Worth FW يفضل أكبر FW ، أما تكلفه فقط يفضل أصغر FW ،
 - الرتب: AW (MARR) يفضل أكبر AW ، أما تكلفه فقط يفضل أصغر AW
 - الفرق
4. معدل العائد الداخلي IRR : Internal Rate of Return IRR : معدل الفائده i الذي يجعل $FW = 0, AW = 0, PW = 0$ و تستخدم ريقه الفرق



$PW_{1-0}(i\%) = 0$, Find i if $i > MARR$, then 1 is winner

$$i = [(PW_1 / (PW_1 + PW_2)) (i_2 - i_1)] + i_1 \text{ OR}$$

$$i = [(PW_{i \min} / (PW_{i \min} + PW_{i \max})) (i_{\max} - i_{\min})] + i_{\min}$$

5. معدل العائد على التكاليف

Benefit Cost Ratio BCR/ Saving investment Ratio SIR : تستخدم في مشاريع القطاع العام ويستخدم فيها الفرق

$$[(PW_{1-0}(i = MARR)_{(+CF)}) / (PW_{1-0}(i = MARR)_{(-CF)})] > 1$$

6. فترة الإسترداد Payback Period PBP : تحدد الفتره الأزمه لاسترداد المال المستثمر بإعتبار $i = 0$ ، مقياس مساعد. يفضل الخيار بإقل فترة استرداد

$$R_t \geq C_t, \text{ at } (i = MARR) = 0, \text{ Number of years}$$

7. طريقة العائد على رأس المال أو الإيرادات الدائمه

Perpetuities and Capitalized Worth CW

و يفضل صاحب أكبر CW

$$CW = A / i , \text{ maximum CW at } t = \infty$$

$$P = A[(1 - i)^n - 1] / i (1 + i)^n = (A / i) [(1 - i)^n - 1] / (1 + i)^n$$

$$\text{When } n = \infty , P = (A / i) \text{ i.e. : } CW = (A / \text{year}) / MARR(i)$$

يفضل الخيار صاحب أعلى CW

مثال (1)

الجدول التالي يوضح مسار التدفقات النقدية لخيارات

EOY	A ₀	A ₁	A ₂	A ₃
0	0	0	-50000	-75000
1	0	4500	20000	20000
2	0	4500	20000	25000
3	0	4500	20000	30000
4	0	4500	20000	35000
5	0	4500	20000	40000

A₀: Do Nothing, NCF = Revenue – Cost, MARR = i = 15 %, n = 5 years

1. NPW:

- Ranking: $PW_0(15\%) = 0$,

$$PW_1(15\%) = 4500 (P/A 15\%, n) = 4500 (3.3522) = 15085$$

$$PW_2(15\%) = -50000 + 20000 (P/A 15\%, 5)$$

$$= -50000 + 20000 (3.3522) = 17044$$

$$PW_3(15\%) = -75000 + 20000 (P/A 15\%, 5) + 5000 (P/G 15\%, n)$$

$$= -75000 + 20000 (3.3522) + 5000 (5.7751) = 20920$$

Best is A₃ Greater PW

- Incremental: $PW_{1-0}(15\%) = 4500 (P/A 15\%, n) - 0$

$$= 4500 (3.3522) - 0 = 15085 > 0$$

A₁ is better than A₀

$$PW_{2-1}(15\%) = -50000 + 20000 (P/A 15\%, 5) - 4500 (P/A 15\%, n)$$

$$= -50000 + 20000 (3.3522) - 4500 (3.3522)$$

$$= 17044 - 15085 = 1959 > 0, A_2 \text{ is better than } A_1$$

$$PW_{3-2}(15\%) = [-75000 + 20000 (P/A 15\%, 5) + 5000 (P/G 15\%, n)]$$

$$- [-50000 + 20000 (P/A 15\%, 5)] = [-75000 + 20000 (3.3522) +$$

$$5000 (5.7751)] - [-50000 + 20000 (3.3522)]$$

$$= 20920 - 17044 = 3876 > 0$$

A₃ is better than A₂

If $PW_{2-1} \leq 0$ Compare A₃ with A₁

2. NAW:

- Ranking: $AW_0(15\%) = 0$

$$AW_1(15\%) = 4500 / \text{year},$$

$$AW_2(15\%) = -50000 (A/P 15\%, 5) + 20000$$

$$= -50000 (0.2983) + 20000 = 5085 / \text{year}$$

$$AW_3(15\%) = -75000 (A/P 15\%, 5) + 20000 + 5000 (A/G 15\%, 5)$$

$$= -75000 (0.2983) + 20000 + 5000 (1.7228) = 6242 / \text{year}$$

The best is A₃

- Incremental: $AW_{1-0}(15\%) = 4500 - 0 = 4500 / \text{year} > 0$

A₁ is better

$$\begin{aligned}
 AW_{2-1}(15\%) &= [-50000 (A/P 15\%, 5) + 20000] - 4500 \\
 &= [-50000 (0.2983) + 20000] - 4500 = 5085 - 4500 \\
 &= 585 / \text{year} > 0 \text{ } A_2 \text{ is better}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 AW_{3-2}(15\%) &= [-75000 (A/P 15\%, 5) + 20000 + 5000 (A/G 15\%, 5)] - [-50000 (A/P 15\%, 5) + 20000] \\
 &= [-75000 (0.2983) + 20000 + 5000 (1.7228)] - [-50000 (0.2983) + 20000] \\
 &= 6242 - 5085 = 1157 / \text{year} \\
 &A_3 \text{ is better}
 \end{aligned}$$

3. NFW:

- Ranking : FW0 (15%) = 0

$$FW_1(15\%) = 4500 (F/A 15\%, 5) = 4500 (6.7424) = 30341$$

$$\begin{aligned}
 FW_2(15\%) &= -50000 (F/P 15\%, 5) + 20000 (F/A 15\%, 5) \\
 &= -50000 (2.0114) + 20000 (6.7424) = 34278
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 FW_3(15\%) &= -75000 (F/P 15\%, 5) + 20000 (F/A 15\%, 5) \\
 &+ 5000 (P/G 15\%, 5) (F/P 15\%, 5) = -75000 (2.0114) + 20000 \\
 &(6.7424) + 5000 (5.7751) (2.0114) = 42073 \text{ } A_3 \text{ is better}
 \end{aligned}$$

- Incremental: FW₁₋₀(15%) = 4500 (F/A 15%, 5) - 0
= 4500 (6.7424) - 0 = 30341 > 0

A₁ is better

$$\begin{aligned}
 FW_{2-1}(15\%) &= [-50000 (F/P 15\%, 5) + 20000 (F/A 15\%, 5)] - [4500 \\
 (F/A 15\%, 5)] &= [-50000 (2.0114) + 20000 (6.7424)] - [4500 \\
 (6.7424)] &= 34278 - 30341 = 3937 > 0 \text{ } A_2 \text{ is better}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 FW_{3-2}(15\%) &= [-75000 (F/P 15\%, 5) + 20000 (F/A 15\%, 5) \\
 + 5000 (P/G 15\%, 5) (F/P 15\%, 5)] &- [-50000 (F/P 15\%, 5) + 20000 \\
 (F/A 15\%, 5)] &= [-75000 (2.0114) + 20000 (6.7424) + 5000 (5.7751) \\
 (2.0114)] &- [-50000 (2.0114) + 20000 (6.7424)] \\
 &= 42073 - 34278 = 7795 \text{ } A_3 \text{ is better}
 \end{aligned}$$

4. IRR: Incremental PW = 0

$$i_{1-0}: PW_{1-0}(i) = 0 = 4500 (P/A i\%, 5), (P/A i\%, 5) = 0;$$

$$0 = A [((1+i)^n - 1) / i (1+i)^n], 0 = A / i, i = \infty = PW = 0$$

$$i_{1-0} = \infty > MARR = 15\% \text{ } A_1 \text{ is better}$$

$$PW_{2-1}(i\%) = -50000 + 20000 (P/A 15\%, 5) - 4500 (P/A 15\%, n) = 0$$

$$\begin{aligned}
 \text{At } i_1 = 15\%, PW_{2-1}(15\%) &= -50000 + 20000 (P/A 15\%, 5) - 4500 \\
 (P/A 15\%, n) &= -50000 + 20000 (3.3522) - 4500 (3.3522) = 1959
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{At } i_2 = 20\%, PW_{2-1}(20\%) &= -50000 + 20000 (P/A 20\%, 5) - 4500 \\
 (P/A 20\%, n) &= -50000 + 20000 (2.9906) - 4500 (2.9906) = -3648
 \end{aligned}$$

By Interpolation بالإستكمال

$$i = [(PW_1 / (PW_1 + PW_2)) (i_2 - i_1)] + i_1$$

$$= [(1959 / (1959 + 3648)) (0.20 - 0.15)] + 0.15 = 0.168 = 16.8\% >$$

MARR (15%) A₂ is better

$$PW_{3-2}(i\%) = [-75000 + 20000 (P/A 15\%, 5) + 5000 (P/G 15\%, n)] - [-50000 + 20000 (P/A 15\%, 5)] = 0$$

$$\text{At } i_1 = 15\%, PW_{3-2}(15\%) = 3876$$

$$\text{At } i_2 = 20\%, PW_{3-2}(20\%) = [-75000 + 20000 (P/A 20\%, 5) + 5000 (P/G 20\%, n)] - [-50000 + 20000 (P/A 20\%, 5)] = [-75000 + 20000 (2.9906) + 5000 (4.9061)] - [-50000 + 20000 (2.9906)] = -470$$

By Interpolation بالإستكمال

$$i = [(3876 / (3876 + 470)) (0.20 - 0.15)] + 0.15$$

$$= 0.1945 = 19.5\% > \text{MARR (15\%)}$$

A₃ is better

$$5. \text{ BCR/ SIR : } [(PW_{1-0}(i = \text{MARR})_{(+CF)}) / (PW_{1-0}(i = \text{MARR})_{(-CF)})] > 1$$

Or BCR/ SIR_{B-A}

$$= [((+PW_B) - (+PW_A) \text{ at MARR}) / ((-PW_B) - (-PW_A) \text{ at MARR})] > 1$$

$$\text{BCR/ SIR}_{1-0} = [(4500 (P/A 15\%, 5) / 0)] = \infty > 1 \text{ A}_1 \text{ is better}$$

$$\text{BCR/ SIR}_{2-1} = [(20000 (PA 15\%, 5) - (4500 (P/A 15\%, 5))] / 50000 = [(20000 (3.3522) - (4500 (3.3522))] / 50000 = 1.039 \text{ say } 1.4 > 1$$

A₂ is better

$$\text{BCR/ SIR}_{3-2} = [(20000 (P/A 15\%, 5) + 5000 (P/G 15\%, 5) - 20000 (PA 15\%, 5)] / [75000 - 50000] = [(20000 (3.3522) + 5000 (5.7751) - 20000 (3.3522)] / [75000 - 50000] = 1.155 \text{ say } 1.16 > 1$$

A₃ is better

$$6. \text{ PBP: at } i = \text{Zero when } R_t > C_t$$

الخيار A₁ ليس لديه رأس مال أولى ففترة إسترداده لحظيا

$$A_2 : \sum R = 20000 + 20000 + 20000 = 60000 > C = 50000$$

$$n = 2.5, \text{ PBP} = 2.5 \text{ or } n = 3, \text{ PBP} = 3$$

$$A_3 : \sum R = 20000 + 25000 + 30000 = 75000 = C = 75000$$

$$n = 3, \text{ PBP} = 3$$

و يكون الترتيب A₃, A₂, A₁ حسب فترة الإسترداد و هي عكس المقارنات الأخرى . لذلك لا تستخدم وحدها

$$7. \text{ CW: } CW_0 = AW_0 (15\%) / 0.15 = 0 / 0.15 = 0,$$

$$CW_1 = AW_1 (15\%) / 0.15 = 4500 / 0.15 = 30000,$$

$$CW_2 = [-50000 (A/P 15\%, 5) + 20000] / 0.15$$

$$= [-50000 (0.2983) + 20000] / 0.15 = 5085 / 0.15 = 33900$$

$$CW_3 = AW_3 (15\%) / 0.15$$

$$= [-75000 (A/P 15\%, 5) + 20000 + 5000 (A/G 15\%, 5)] / 0.15$$

$$= [-75000 (0.2983) + 20000 + 5000 (1.7228)] / 0.15$$

$$= 6242 / 0.15 = 41613$$

A₃ is the better

التحليل الإضافيه Supplementary Analysis

عدم الثقة فى تقديرات التكاليف و العائدات ، التحليل الإضافيه تتيح آليه لتقويم المردود من قرار الإختيار. الطرق هى

1. تحليل نقطه التعادل Breakeven Analysis : عندما تكون هنالك ثقه لواحد أو أكثر من العوامل أن قيمته غير معروفه بالحكم على قيمته هى أقل أم أكبر من قيمة التعادل
2. تحليل الحساسيه Sensitivity Analysis: أثر التغيرات فى واحد أو أكثر لقيمة العوامل المستخدمه فى الدراسه على العائد (المردود) الإقتصادى. و الهدف منه تحديد استجابة قرار اختيار البديل لقيم العوامل التى تم استخدامها و التى تخضع للتغيرات (أى لا تحدد قيمتها بثقه) تشمل الأفق الزمنى، معدل العائد المغرى المجزى MARR و أى قيمه تدفق نقدى. و ذلك بفرض نسبة خطأ فى تقديراتها.
3. تحليل المخاطره Risk Analysis: يتم تمثيل قيم العوامل الممكنه بوضوح كتوزيع احتمالى، بمعاملتها كمتغيرات عشوائيهو عمل نماذج تحليليه أو نماذج محاكاة (Simulation Models) مثلا التوزيع الإحتمالى للقيمه الحالیه.

أهداف الباب السابع

- التعرف على التضخم
- التعرف على الإهلاك و كيفية حسابه

الباب السابع : التضخم و الإهلاك

- التضخم
- الإهلاك
- واجب 7

التضخم Inflation

الوضع الذى ترتفع فيه اسعار السلع و الخدمات بحيث تشتري بمبلغ محدد من المال سلع و خدمات أقل كلما مر الزمن.

معدل الفائدة يكون أكبر منه ب 3 % - 2 % أى يكون عاليا

1. الجنيه يشتري سلع أو خدمات أقل
2. معدل فائده يكون عالى

أنواع التضخم

1. الحقيقى: لا تؤدى زياده إضافيه فى الطلب (الأسعار) الى زياده أخرى فى الناتج
 2. التدريجى أو الزاحف: هم معظم الدول، أرتفاع بطئ و مستمر بغض النظر عن سرعة ازدياد الطلب
 3. المقيد أو المكبوت: لا ترتفع الأسعار، تثبت الأسعار ينتج تراكم قوى يمكن أن يسبب أرتفاع انفجارى فى الأسعار- الحروب
 4. الجامح: إنهيار قيمة او حده النقديه تصل الأسعار الى أرقام فلكيه ، الأنهزام فى المعارك و التدمير الثورى و ايقاف العمليات الإنتاجيه و تتجه الحكومه للإستخدام غير المقيد لعملية الطبع لتمويل احتياجاتها.
- لا بد أن يكون الطلب الكلى مساويا لتكلفة إنتاجه بما فى ذلك الضرائب و الأرباح. فاذا حاولت الحكومه الإستحواذ على نصيب أكبر ينشأ إطار التضخم التسابق بين الأجور و الأسعار:
- الطلب يفوق العرض ترتفع الأسعار و ينخفض الأستهلاك الحقيقى لكاسبى الأجور يطالبون بزياده لمجابهة تكاليف المعيشه ، زياده الأجور ترتفع تكاليف الإنتاجو ستحاول الحكومه رفع الأسعار و تتكرر المطالبه بزياده الأجور و تطارد الأسعار الأجور و يكتسب التضخم قوه دافعه و اذا لم توضع علاجات فإنه يقود الى تضخم جامح.
- وسائل مكافحته بخفض الإنفاق النقدى الكلى و سياسات وزارة الماليه و الإقتصاد.

الإهلاك Depreciation

أسبابه

1. التآكل و التمزق و التخلل و Wear & Tear
2. التقادم Obsolescence: التصادم مع التكنولوجيا المتقدمة من أهم العوامل

طرق حساب الإهلاك

1. طريقة الخط المستقيم Straight Line

الإهلاك / السنة = (تكاليف الحصول - قيمة الأنقاض) / العمر الافتراضى

$$\text{Dep. / year} = (\text{Initial Cost} - \text{Salvage Value}) / \text{Time Horizon}$$

مثال (1)

ماكينة تكلفة الحصول 125000 جنيه و قيمة الأنقاض (الخرده) 15000 و العمر الافتراضى 10 سنوات

$$\text{Dep. / year} = (125000 - 15000) / 10 = 11000 / \text{year}$$

مبلغ ثابت كل سنة

2. الأهلاك بعدد الوحدات المنتجة Units of Output Depreciation

الإهلاك لكل وحدة = (تكاليف الحصول - قيمة الأنقاض) / عدد الوحدات المنتجة (العمر التصميمى)

$$\text{Dep. / Unit} = (\text{Initial Cost} - \text{Salvage Value}) / (\text{No. of Output units per Design life})$$

مثال (2)

الوحدات المنتجة فى السنة الأولى 10000 وحدة فى السنة الثانية 24000 وحدة و عدد الوحدات فى العمر التصميمى 220000 وحدة

$$\text{Dep. / Unit} = (125000 - 15000) / 220000 = 0.5 / \text{Unit}$$

$$\text{Dep. At year 1} = 0.5 \times 10000 = 5000$$

$$\text{Dep. At year 2} = 0.5 \times 24000 = 12000$$

3. الإهلاك بمجموع أرقام السنوات Sum of Year Digits

مثال (3)

ماكينة تكلفة الحصول 125000 جنيه و قيمة الأنقاض (الخرده) 15000 و العمر الافتراضى 10 سنوات

$$\sum \text{year digits} = 1+2+3+4+5+6+7+8+9+10 = 55$$

$$n: \text{No of years, or } n [(n+1) / 2] = 10 [(10 + 1) / 2] = 10 \times 5.5 = 55$$

$$\text{Difference} = \text{Initial Cost} - \text{Salvage Value} = 125000 - 15000 = 110000$$

العمر	سنوات متبقية	سنوات متبقية / مج أرقام سنوات	الكمية المهلكة	الإهلاك
1	10	10 / 55	110000	20000
2	9	9 / 55	110000	18000
3	8	8 / 55	110000	16000
4	7	7 / 55	110000	14000
5	6	6 / 55	110000	12000
6	5	5 / 55	110000	10000
7	4	4 / 55	110000	8000
8	3	3 / 55	110000	5000
9	2	2 / 55	110000	4000
10	1	1 / 55	110000	2000
55	مجموع أرقام السنوات			

4. طريقة الموازنه المتناقصه المضاعفه

Double Declining – Balance Depreciation

مثال (4)

ماكينه تكلفة الحصول 125000 جنيه و قيمة الانقاص (الخرده) 15000 و العمر الافتراضى 10 سنوات

أولاً: نسبة الإهلاك = مقلوب العمر التصميمى % Dep. = 1 / n = 1 / 10 = 10 % / year

ثانياً: ضاعف هذه النسبه % Double this % = 2 X 10 % = 20 %

Dep. Year 1 = 0.2 X 125000 = 25000

السنة	تكلفة المملوك	الإهلاك	القيمة النقدية	نسبة الإهلاك	الإهلاك
1	125000	0		20 %	25000
2	125000	25000		20 %	20000
3	125000			20 %	
4	125000			20 %	
5	125000			20 %	
6	125000			20 %	
7	125000			20 %	
8	125000			20 %	
9	125000	104029	20971	20 %	4194
10	125000	108223	16777	1500	1777

أهداف الباب الثامن
- معرفة كيفية إجراء تحليل الإحلال

Replacement الإحلال : الباب الثامن
- تحليل الإحلال و الإستبدال
- واجب 8
-

Machine Initial Cost $P = 1000$, Salvage Value = Zero, Cost/ year $A = 150 /$
year, Increase in Cost / year $G = 75 /$ year, $i = 20 \%$

$$A_{(n=1)} = 1000 (A/P 20\%, 1) + 150 + 75 (A/G 20\%, 1)$$

$$= 1000 (1.2000) + 150 + 75 (0.0000) = 1350 / \text{year}$$

$$A_{(n=2)} = 1000 (A/P 20\%, 2) + 150 + 75 (A/G 20\%, 2)$$

$$= 1000 (0.8545) + 150 + 75 (0.4545) = 838.59 / \text{year}$$

$$A_{(n=3)} = 1000 (A/P 20\%, 3) + 150 + 75 (A/G 20\%, 3)$$

$$= 1000 (0.4747) + 150 + 75 (0.8721) = 690.63 / \text{year}$$

$$A_{(n=4)} = 1000 (A/P 20\%, 4) + 150 + 75 (A/G 20\%, 4)$$

$$= 1000 (0.3863) + 150 + 75 (1.2742) = 631.87 / \text{year}$$

$$A_{(n=5)} = 1000 (A/P 20\%, 5) + 150 + 75 (A/G 20\%, 5)$$

$$= 1000 (0.3344) + 150 + 75 (1.6405) = 607.44 / \text{year}$$

$$A_{(n=6)} = 1000 (A/P 20\%, 6) + 150 + 75 (A/G 20\%, 6)$$

$$= 1000 (0.3007) + 150 + 75 (1.9788) = 599.11 / \text{year}$$

$$A_{(n=7)} = 1000 (A/P 20\%, 7) + 150 + 75 (A/G 20\%, 7)$$

$$= 1000 (0.2774) + 150 + 75 (2.2902) = 599.17 / \text{year}$$

$$A_{(n=8)} = 1000 (A/P 20\%, 8) + 150 + 75 (A/G 20\%, 8)$$

$$= 1000 (0.2605) + 150 + 75 (2.8364) = 599.77 / \text{year}$$

$$A_{(n=9)} = 610.83 / \text{year}$$

$$A_{(n=10)} = 619.04 / \text{year}$$

$$A_{(n=11)} = 627.80 / \text{year}$$

Replacement at $n = \text{year} = 6$

